

## 理 科

15:00~17:00

## 解 答 上 の 注 意

1. 試験開始の合図があるまで、この問題紙を開いてはならない。
2. 問題紙は40ページある。このうち、「物理」は2~7ページ、「化学」は8~18ページ、「生物」は19~33ページ、「地学」は34~40ページである。
3. 「物理」、「化学」、「生物」、「地学」のうちから、あらかじめ届け出た2科目について解答せよ。各学部・系・群・専攻の必須科目(◎印)と選択科目(○印)は下表のとおりである。

学部・系・群・専攻 科目	総 合 入 試					学 部 別 入 試									
	理 系					医 学 部					歯 学 部	獣 医 学 部	水 産 学 部		
	数学重点選抜群	物理重点選抜群	化学重点選抜群	生物重点選抜群	総合科学選抜群	医 学 系	保 健 学 系								
							看護学専攻	放射線技術科学攻	検査技術科学攻	理学療法科学専攻	作業療法科学専攻				
物理	○	◎	○	○	○	○	○	◎	○	○	○	○	○	○	
化学	○	○	◎	○	○	○	○	○	◎	○	○	○	○	○	
生物	○	○	○	◎	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	
地学	○	○	○	○	○									○	

4. 受験する科目のすべての解答用紙には、受験番号および座席番号(上下2箇所)を、監督員の指示に従って、指定された箇所に必ず記入せよ。
5. 解答はすべて解答用紙の指定された欄に記入せよ。  
なお、選択問題がある科目については、問題文の指示に従うこと。
6. 必要以外のことを解答用紙に書いてはならない。
7. 問題紙の余白は下書きに使用してもさしつかえない。
8. 下書き用紙は回収しない。

# 物 理

1 次の文章の (1) から (11) に適切な数式を入れ、また (a) には、問題末尾の選択肢欄から適切なものを選び、記号で答えよ。重力加速度の大きさを  $g$  [m/s<sup>2</sup>] とする。また、空気抵抗は無視できるものとする。

問 1 図1のように、点Oを通る水平面上に  $x$  軸をとり、鉛直上向きに  $y$  軸をとる。点Oより距離  $H$  [m] だけ上の点Pから、質量が  $m_A$  [kg] で大きさの無視できる物体Aを、 $x$ - $y$  平面内で  $x$  軸の正の向きより角  $\theta$  だけ上向きに、速さ  $v_A$  [m/s] で投げ上げた。ここで  $0^\circ < \theta < 90^\circ$  とする。物体Aの運動エネルギーは投射直後 (1) [J] であり、点Pでの物体Aの重力による位置エネルギーは点Oでの位置エネルギーより (2) [J] だけ大きい。物体Aはその後  $x$  軸上の点Qに到達した。到達時の速さは (3) [m/s] である。

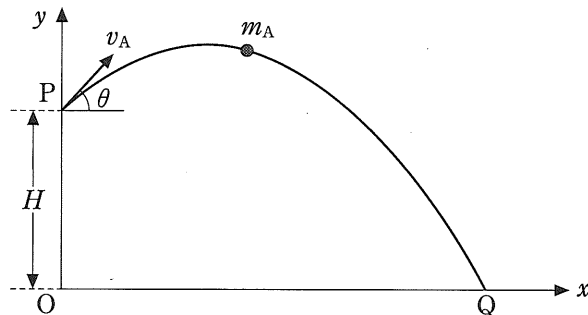


図 1

問 2 次に、図 2 のように時刻 0 に点 P から物体 A を 0 でない速さ  $v_A$  で  $x$  軸の正の向きに投げた。同じ時刻に、点 O より  $x$  軸の正の向きに距離  $L$  [m] だけ離れた点 R から、質量が  $m_B$  [kg] で大きさの無視できる物体 B を、速さ  $v_B$  [m/s] で鉛直上向きに投げ上げた。時刻  $t$  [s] で、物体 A から見た物体 B の相対速度の  $x$  成分は  [m/s] であり、 $y$  成分は  [m/s] である。また、物体 A から見た物体 B の運動を考えると、その軌跡は  となる。

このあと物体 A と物体 B が衝突した。物体 A と物体 B の座標が一致することより、衝突する時刻は  $v_A$  を用いて  [s] と表され、 $v_B$  は  [m/s] でなければならない。衝突直前の物体 B の速度の  $y$  成分は  $v_A$  を用いて  [m/s] と表され、 $L$  を変化させると  $L =$   [m] を境に  の符号が変わる。このときの  $L$  の値を  $L_0$  [m] とする。

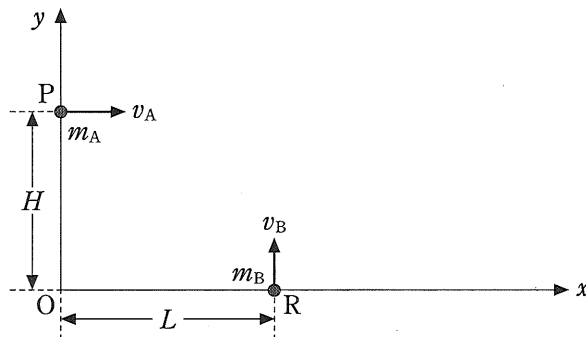


図 2

問 3 以下では  $L = L_0$  である場合を考える。衝突後、物体 A と物体 B は一体となった。衝突直後の速さは、物体 A の衝突直前の速さ  $v$  [m/s] および  $m_A$ 、 $m_B$  を用いて  [m/s] と表される。物体 A と物体 B の運動エネルギーの和は、この衝突で減少する。この減少量は  $v$ 、 $m_A$ 、 $m_B$  を用いて  [J] と表される。

の選択肢

- |        |           |         |
|--------|-----------|---------|
| (ア) 直線 | (イ) 放物線   | (ウ) 双曲線 |
| (エ) 円弧 | (オ) 楕円の一部 |         |

2 以下の文章中の  に適切な数式を入れよ。

問 1 図 1 のように、電圧  $E$  [V] の電池、スイッチ、および平行板コンデンサーが直列に接続された電気回路を考える。このコンデンサーの極板間は真空で、また極板の間隔は変えることができる。コンデンサーの各々の極板の面積を  $S$  [m<sup>2</sup>]、真空の誘電率を  $\epsilon_0$  [F/m] とする。スイッチは最初開いており、そのとき各極板には電気量が蓄えられていなかった。なお、コンデンサーの極板の端における電界(電場)の乱れは無視できるものとする。

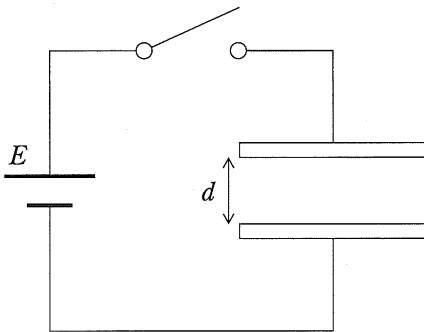


図 1

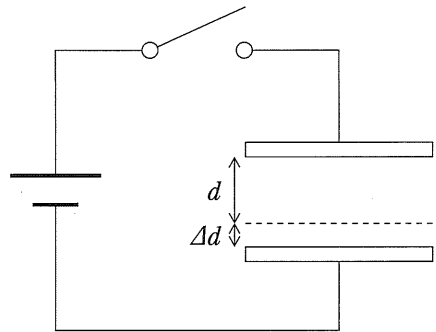


図 2

極板間隔が  $d$  [m] であるとき、コンデンサーの電気容量は  (1) [F] である。間隔が  $d$  のままスイッチを閉じ、その後じゅうぶんな時間が経過した。このときコンデンサーには、電気量  (2) [C] および静電エネルギー  (3) [J] が蓄えられている。

この後、スイッチを開いた。そして、図 2 のようにコンデンサーの極板間隔を  $\Delta d$  [m] だけゆっくりと広げた。この間に、コンデンサーの静電エネルギーは  (4) [J] だけ増えた。したがって、極板間の引力の大きさは  (5) [N] であることがわかる。

問 2 図 3 のように、電気容量がそれぞれ  $C_1$  [F],  $C_2$  [F],  $C_3$  [F] の 3 つのコンデンサー、電圧  $E$  [V] の電池、およびスイッチ  $S_1$ ,  $S_2$  からなる回路を考える。最初、両方のスイッチは開いていた。このとき、コンデンサー  $C_1$  と  $C_2$  には電氣量が蓄えられていなかったが、 $C_3$  の上側の極板には  $+Q_0$  [C], 下側の極板には  $-Q_0$  [C] の電氣量がそれぞれ蓄えられていた。

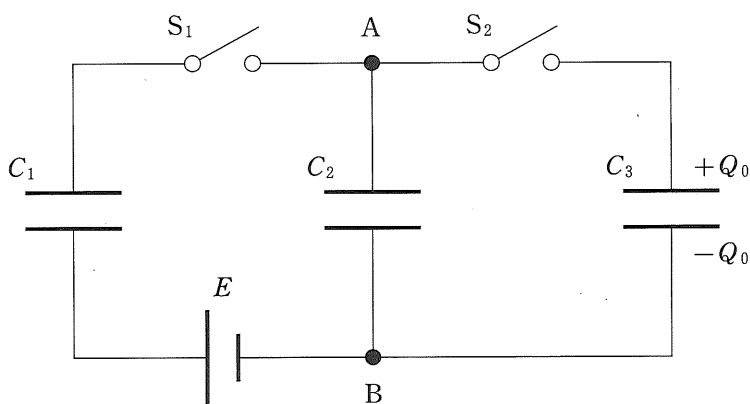


図 3

はじめに、スイッチ  $S_1$  のみを閉じて、じゅうぶんな時間を経過させた。このとき、コンデンサー  $C_1$  の上側の極板に蓄えられた電氣量は  $\boxed{(6)}$  [C] となる。また、図中の点 A と点 B の間の電位差は  $\boxed{(7)}$  [V] となる。

次に、スイッチ  $S_1$  を閉じたままスイッチ  $S_2$  も閉じて、じゅうぶんな時間を経過させた。このとき、コンデンサー  $C_1$ ,  $C_2$ ,  $C_3$  の図における上側の極板に蓄えられている電氣量を、それぞれ  $Q_1$  [C],  $Q_2$  [C],  $Q_3$  [C] とする。これら 3 つの電氣量を求めるために、3 つの方程式が必要である。まず電氣量  $Q_1$ ,  $Q_2$ ,  $Q_3$  と  $Q_0$  の間の関係は  $Q_0 = \boxed{(8)}$  である。これが第 1 の方程式となる。さらに、回路中の各点における電位を考えると、残る 2 つの方程式として  $\boxed{(9)}$  ならびに  $\boxed{(10)}$  が得られる。これらを連立させて  $Q_2$  と  $Q_3$  を消去すると、 $Q_1 = \boxed{(11)}$  [C] と求めることができる。

3 以下の文章中の (1) から (9) に適切な数式または等式を入れ、(a) と (b) には、図3の選択肢から適切な向きを選び記号で答えよ。

問 1 図1は、波長  $\lambda_1$  [m]、周期  $T_1$  [s] の水面波を上から見たものである。この波は、 $y$  軸に平行な山と谷の波面を持つ平面波として  $+x$  方向に進んでいる。その上空に観測者がいて、波を見ていた。

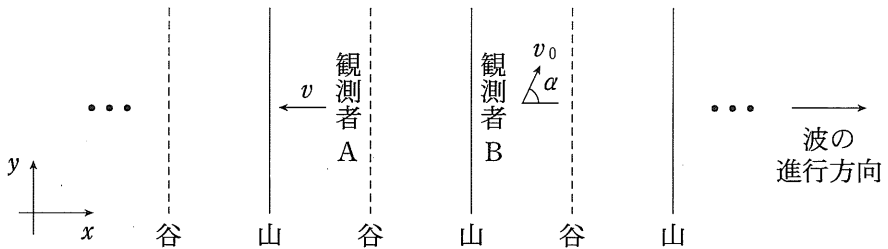


図 1

観測者 A が  $-x$  方向に速さ  $v$  [m/s] で進んでいた。波の速さが (1) [m/s] なので、観測者 A が波の山の上から次の山の上に来るまでにかかる時間(観測者 A から見た周期)は (2) [s] となる。

次に、観測者 B が  $+x$  方向から反時計回りに角度  $\alpha$  ( $0^\circ \leq \alpha < 90^\circ$ ) の向きに速さ  $v_0$  で進んだところ、観測者 B からは波が止まって見えた。このときの速さは  $v_0 =$  (3) [m/s] である。

問 2 図2のように、水深の異なる領域 I と II が直線を境界として接している。領域 I を進んでいた波長  $\lambda_2$  [m]、速さ  $c$  [m/s] の平面波が、境界に入射角  $\theta$  で入射し、屈折した。領域 II における波の速さが  $c'$  [m/s] であるとき、その波長は (4) [m] となる。屈折角  $\theta'$  は関係式 (5) により決まる。

次に図3のように、境界を平らな壁とし、同じ入射角  $\theta$  の波を反射させた。このとき、反射波は入射波と同じ速さで (a) の向きに進む。したがって、入射波と反射波の山の波面が交差する点 A は、(b) の向きに動く。

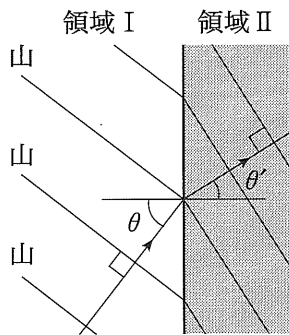


図 2

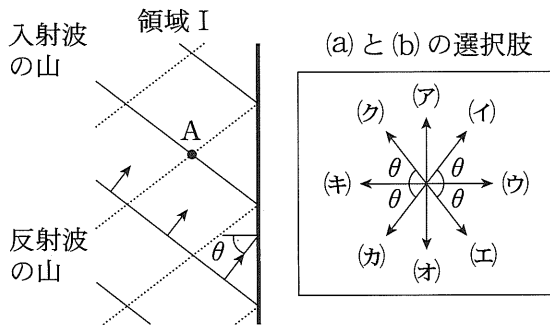


図 3

問 3 図 4 のように、2つのスリットを持つ平らな壁に、波長  $\lambda_3$  [m] の水面波が入射角  $\theta_3$  で入射した。波は各スリットから壁の右側に球面波として広がった。各スリットの幅は狭く、以下では幅を無視する。なお、2つのスリットの間隔は  $d$  [m] で、壁の両側で波の速さは等しいものとする。

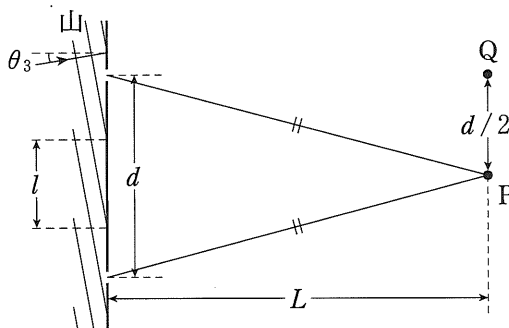


図 4

壁の右側で2つのスリットから等しい距離にある点Pを考える。壁に達した入射波の隣り合う山と山の壁に沿った距離  $l$  [m] が  [m] であることから、点Pで2つの球面波が弱め合うためには、 $m$  を0以上の整数として、スリットの間隔を  $d =$   [m] とする必要がある。このとき、図のように、壁と平行で点Pを通る直線上にあり、点Pからの距離が  $d/2$  の点をQとすると、点Qでは波が弱め合っていた。線分PQ上に波が弱め合う点がある、点PとQ以外に  $n$  個あるとき、点Pと壁の距離  $L$  [m] と  $d$ ,  $\lambda_3$ ,  $n$  の間の関係は  となる。これより、 $L =$   [m] と求めることができる。