

(平 23 前)

理 科

	ページ
物 理	1～ 6
化 学	7～14
生 物	15～26
地 学	27～32

・ページ番号のついていない白紙は下書き用紙である。

注意 解答はすべて答案用紙の指定のところに記入しなさい。

物 理	75 点
化 学	75 点
生 物	75 点
地 学	75 点

物 理

I 地球を周回する衛星の運動について、問1～4に答えなさい。解答の導出過程も示しなさい。ただし、万有引力定数を G 、地球の質量を M とし、文中に与えられた物理量の他に解答に必要な物理量があれば、それを表す記号はすべて各自で定義し、解答欄に明示しなさい。
(配点 25 点)

問 1 図 1 の破線のように、衛星が半径 R の円軌道上を運動するとき、衛星の加速度の向きと大きさを求めなさい。さらに、そのときの衛星の速さを求めなさい。

問 2 問 1 の状態から衛星を進行方向に加速すると、衛星は橙円軌道に沿って周回するか、無限遠方に飛び去る。衛星が周回運動するための、加速直後の速さに対する条件を求めなさい。

問 3 衛星が周回運動しているとき、その面積速度は一定である。衛星が図 1 のような橙円軌道を描いているとき、地球に最も近い点 P と地球から最も離れた点 Q における衛星の速さの比を求めなさい。ただし、地球の中心を O としたとき、 $|OP| = R$ 、 $|OQ| = 3R$ とする。

問 4 問 3において、点 P における衛星の速さを求めなさい。

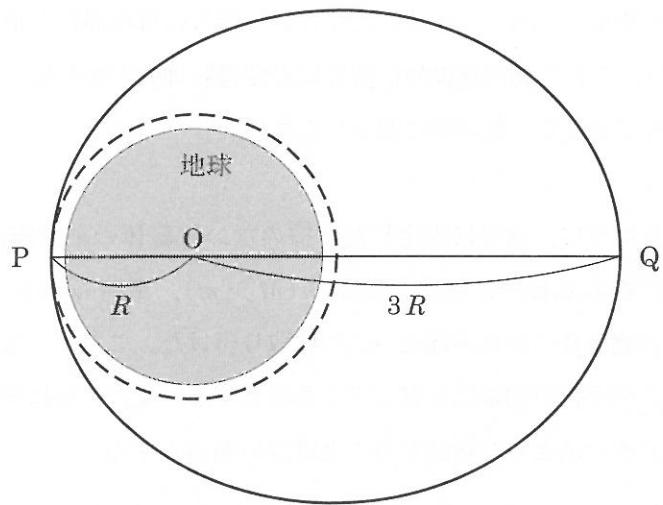


図 1

II 次の文章を読んで、問1～4に答えなさい。解答の導出過程も示しなさい。ただし、文中に与えられた物理量の他に解答に必要な物理量があれば、それを表す記号はすべて各自で定義し、解答欄に明示しなさい。 (配点25点)

図1に示すように、水平に固定した摩擦のない絶縁体の細い棒に、質量 M 、電荷 $Q(Q > 0)$ をもつビーズAと、質量 $m(M > m)$ 、電荷 Q をもつビーズBを通して、長さ L の絶縁体の糸の両端をA、Bに取り付けた。ここで、ビーズは非常に小さく、大きさや回転の効果は無視できるものとする。また、糸は伸びることなく、質量は無視でき、糸と棒が接触することはないとする。

問1 AとBが静止しているとき、糸の張力を求めなさい。

問2 AからBの向きに強さ E の一様な電場をかけると、AとBは運動を始めた。Aの加速度と糸の張力を求めなさい。

問3 問1の状態から、図2に示すように糸の中点Pで鉛直下向きに糸を引っ張ると、AとBの距離が d となったところでA、Bは静止した。このときの糸の張力を求めなさい。

問4 問3の状態から糸を静かに放すと、AとBは遠ざかり始めた。糸に張力が発生する直前のBの速さを求めなさい。

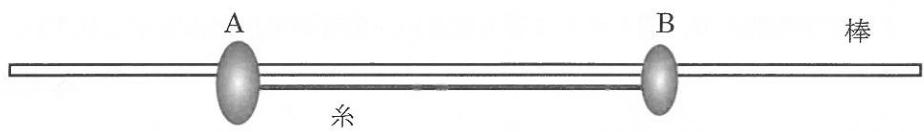


図 1

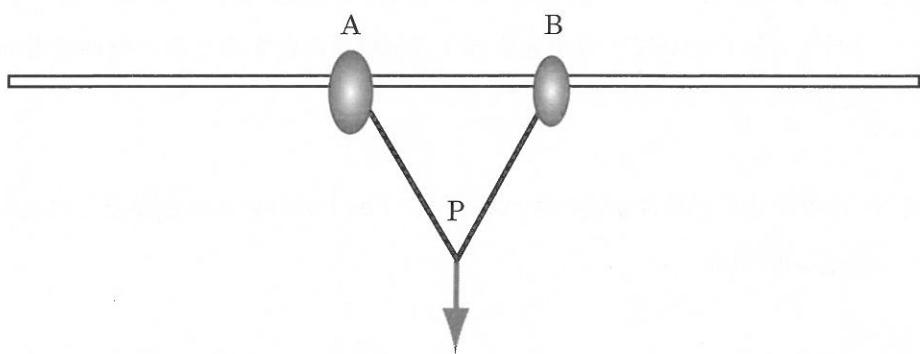


図 2

III 次の文章を読んで、問1～4に答えなさい。解答の導出過程も示しなさい。

(配点25点)

水平面の領域Aにおいて波長 λ の平面波が壁に向かって進んでいる。壁には、波長に比べて十分小さい穴が2つ、間隔 d をおいて開いており、壁の厚さは無視できるとする。領域Bではそれぞれの穴を通った波が互いに干渉する。

問1 図1に示すように、領域Aにおいて平面波が壁に垂直に進む場合、領域Bにある座標(x, y)の点Pで2つの波が強めあうための条件を求めなさい。

問2 領域Aにおいて平面波が壁に垂直に進む場合、領域B側の x 軸上 $|x| < \frac{d}{2}$ において、波が強めあう点が複数存在するための条件を求めなさい。

問3 問2で求めた条件が満たされる場合、 x 軸上の強めあう点がどこにあるか、記述しなさい。

問4 図2に示すように、領域Aにおいて平面波が壁に向かって入射角 θ ($0 < \theta < \frac{\pi}{2}$)で進む場合、領域Bの y 軸上すべての点で、波が常に打ち消しあうための条件を求めなさい。

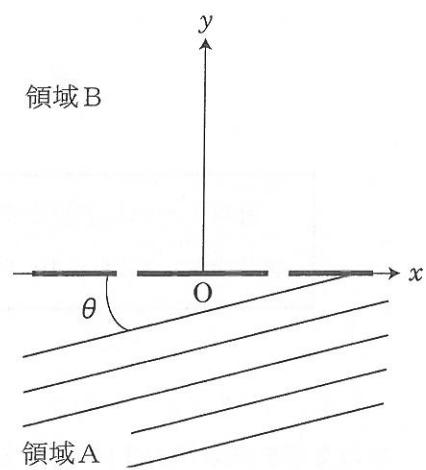
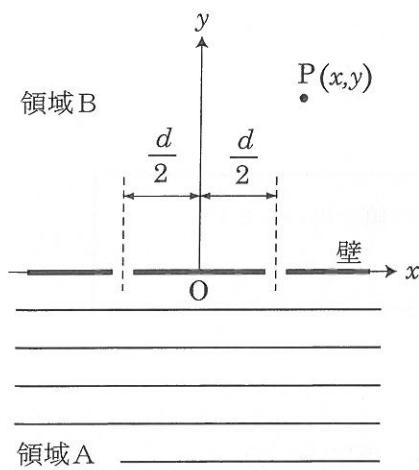


図 1

図 2