

# 理 科

平成 26 年 度

## 入 学 試 験 問 題

受 験 番 号	
------------	--

### 1. 注 意 事 項

(1) 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。

(2) この問題冊子は 54 ページあります。

試験中に、問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れなどに気づいた場合は、手を挙げて、監督者に知らせなさい。

物 理 1 ページから 16 ページまで

化 学 17 ページから 31 ページまで

生 物 32 ページから 54 ページまで

(3) 問題冊子のどのページも切り離してはいけません。また、問題用紙の余白は計算用紙として自由に使用してよろしい。

(4) 問題冊子の表紙の受験番号欄に受験番号を記入しなさい。

(5) 解答用紙には、物理解答用紙、化学解答用紙、生物解答用紙の 3 種類があります。これらの 3 種類のすべての解答用紙の氏名、受験番号の記入欄および受験番号のマーク欄にそれぞれ正しく記入し、マークしなさい。

(6) 計算機能をもつ時計、計算器具などの使用は禁止します。使用している場合は不正行為とみなします。

(7) 試験終了後、解答用紙はもちろん、問題冊子も持ち帰ってはいけません。

### 2. 解答上の注意

解答上の注意は、裏表紙にも記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読みなさい。ただし、問題冊子を開いてはいけません。またマークシート左下に記載してある「注意事項」も読んでおきなさい。

(1) 問題は物理、化学、生物いずれも **1**、**2** の 2 問、計 6 問あります。6 問中の任意の 4 問を選んで解答しなさい。5 問以上答えた時には点数のよい 4 問を得点とします。

裏表紙につづく

## 物理訂正

7 ページ **1** の問 2 の (b)

(誤)  $t=20\text{s}$  と  $t=25\text{s}$  での波の振幅は……

(正)  $t=20\text{s}$  と  $t=25\text{s}$  での波の変位は……

# 物 理

1 次の問いに対して、最も適切なものを選択肢の中から一つ選びなさい。

- (1) 質量  $m_1$ ,  $m_2$  の2つの天体1, 2が、互いの万有引力により、図1のように平面上でC点を中心として角速度  $\omega$  の等速円運動をしている。万有引力定数を  $G$ 、C点から天体1, 2までの距離をそれぞれ  $r_1$ ,  $r_2$ 、天体間の距離を  $R = r_1 + r_2$  とする。

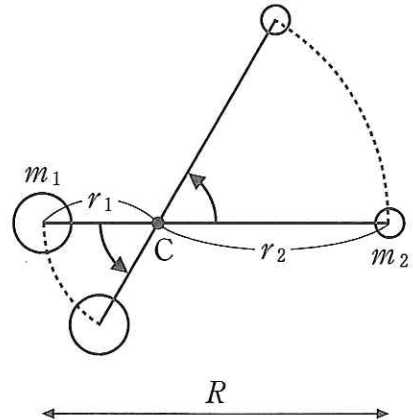


図1

円運動の向心力  $F$  は、 $F = \text{ア}$  なので、天体1, 2の運動方程式はそれぞれ、 $F = \text{イ}$ 、 $F = \text{ウ}$  と書け、これらから  $\text{エ}$  が得られるので、 $r_2$  を  $R$  で表わすと、 $r_2 = \text{オ}$  となる。 $\omega$  と  $R$  の関係は、 $\omega^2 = \text{カ}$  となり、円運動の周期  $T$  は  $T = \text{キ}$  となる。

**ア** の選択肢

- |                           |                             |                         |
|---------------------------|-----------------------------|-------------------------|
| ① $G \frac{m_1 + m_2}{R}$ | ② $G \frac{m_1 + m_2}{R^2}$ | ③ $G \frac{m_1 m_2}{R}$ |
| ④ $G \frac{m_1 m_2}{R^2}$ | ⑤ $G(m_1 + m_2)R$           | ⑥ $G(m_1 + m_2)R^2$     |
| ⑦ $Gm_1 m_2 R$            | ⑧ $Gm_1 m_2 R^2$            |                         |

**イ** の選択肢

- |                      |                      |                      |                          |
|----------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|
| ① $r_1 \omega$       | ② $m_1 r_1$          | ③ $r_1^2 \omega$     | ④ $m_1 r_1 \omega$       |
| ⑤ $m_1 r_1 \omega^2$ | ⑥ $m_1 r_1^2 \omega$ | ⑦ $m_1^2 r_1 \omega$ | ⑧ $m_1^2 r_1^2 \omega^2$ |

**ウ** の選択肢

- |                      |                      |                      |                          |
|----------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|
| ① $r_2 \omega$       | ② $m_2 r_2$          | ③ $r_2^2 \omega$     | ④ $m_2 r_2 \omega$       |
| ⑤ $m_2 r_2 \omega^2$ | ⑥ $m_2 r_2^2 \omega$ | ⑦ $m_2^2 r_2 \omega$ | ⑧ $m_2^2 r_2^2 \omega^2$ |

工の選択肢

- ①  $r_1 = r_2$       ②  $m_1 r_1 = m_2 r_2$       ③  $m_2 r_1 = m_1 r_2$       ④  $r_1^2 = r_2^2$   
⑤  $m_1 r_1^2 = m_2 r_2^2$       ⑥  $m_1^2 r_1 = m_2^2 r_2$       ⑦  $m_2 r_1^2 = m_1 r_2^2$       ⑧  $m_1^2 r_1^2 = m_2^2 r_2^2$

才の選択肢

- ①  $\frac{1}{2} R$       ②  $\frac{m_1}{m_1 + m_2} R$       ③  $\frac{m_2}{m_1 + m_2} R$   
④  $\frac{\sqrt{m_1}}{\sqrt{m_1} + \sqrt{m_2}} R$       ⑤  $\frac{\sqrt{m_2}}{\sqrt{m_1} + \sqrt{m_2}} R$       ⑥  $\frac{m_1^2}{m_1^2 + m_2^2} R$   
⑦  $\frac{m_2^2}{m_1^2 + m_2^2} R$

力の選択肢

- ①  $G \frac{m_1 + m_2}{R^3}$       ②  $G \frac{m_1 + m_2}{R^3} m_1$       ③  $G \frac{m_1 + m_2}{R^3} m_2$   
④  $G \frac{m_1 + m_2}{m_1 R^3}$       ⑤  $G \frac{m_1 + m_2}{m_2 R^3}$       ⑥  $\left(G \frac{m_1 + m_2}{R^3}\right)^2$   
⑦  $\left(G \frac{m_1 + m_2}{R^3} m_1\right)^2$       ⑧  $\left(G \frac{m_1 + m_2}{R^3} m_2\right)^2$

キの選択肢

- ①  $2\pi \sqrt{\frac{R^3}{G(m_1 + m_2)}}$       ②  $2\pi \sqrt{\frac{R^3}{G(m_1 + m_2)m_1}}$   
③  $2\pi \sqrt{\frac{R^3}{G(m_1 + m_2)m_2}}$       ④  $2\pi \sqrt{\frac{m_1 R^3}{G(m_1 + m_2)}}$   
⑤  $2\pi \sqrt{\frac{m_2 R^3}{G(m_1 + m_2)}}$       ⑥  $\frac{2\pi R^3}{G(m_1 + m_2)}$   
⑦  $\frac{2\pi R^3}{G(m_1 + m_2)m_1}$       ⑧  $\frac{2\pi R^3}{G(m_1 + m_2)m_2}$

天体1と2の間のL点で、質量  $m$  の人工衛星に適切な初速を与えたところ、人工衛星は、図2のように2つの天体との相対位置が変わらないような等速円運動を始めた。 $m$  は  $m_1, m_2$  と比べて非常に小さく、人工衛星が天体の運動に与える影響は無視できるものとして、L点の満たすべき条件を考える。

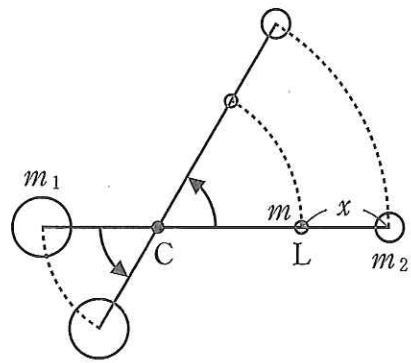


図2

L点と天体2との間の距離を  $x$  とすると、  
 天体1, 2と人工衛星との間にはたらく万有引力  $F_1, F_2$  はそれぞれ  $F_1 =$  ,  $F_2 =$   で、人工衛星にはたらく遠心力  $F$  は  $F =$   なので、力のつりあいの式を整理すると、 が得られる。

の選択肢

- |                               |                                   |                             |                                 |
|-------------------------------|-----------------------------------|-----------------------------|---------------------------------|
| ① $G \frac{m_1 + m}{r_1}$     | ② $G \frac{m_1 + m}{r_1^2}$       | ③ $G \frac{m_1 m}{r_1}$     | ④ $G \frac{m_1 m}{r_1^2}$       |
| ⑤ $G \frac{m_1 + m}{r_1 - x}$ | ⑥ $G \frac{m_1 + m}{(r_1 - x)^2}$ | ⑦ $G \frac{m_1 m}{r_1 - x}$ | ⑧ $G \frac{m_1 m}{(r_1 - x)^2}$ |
| ⑨ $G \frac{m_1 + m}{R - x}$   | ⑩ $G \frac{m_1 + m}{(R - x)^2}$   | ⊕ $G \frac{m_1 m}{R - x}$   | ⊖ $G \frac{m_1 m}{(R - x)^2}$   |

の選択肢

- |                                 |                                   |                               |                                 |
|---------------------------------|-----------------------------------|-------------------------------|---------------------------------|
| ① $G \frac{m_2 + m}{r_2}$       | ② $G \frac{m_2 + m}{r_2^2}$       | ③ $G \frac{m_2 m}{r_2}$       | ④ $G \frac{m_2 m}{r_2^2}$       |
| ⑤ $G \frac{m_2 + m}{(r_2 - x)}$ | ⑥ $G \frac{m_2 + m}{(r_2 - x)^2}$ | ⑦ $G \frac{m_2 m}{(r_2 - x)}$ | ⑧ $G \frac{m_2 m}{(r_2 - x)^2}$ |
| ⑨ $G \frac{m_2 + m}{x}$         | ⑩ $G \frac{m_2 + m}{x^2}$         | ⊕ $G \frac{m_2 m}{x}$         | ⊖ $G \frac{m_2 m}{x^2}$         |





(2)

問 1 滑らかな水平面上に台車が置かれており、台車はばね定数  $k$  のばねにつながれ、ばねの他端は固定されている。台車には音源が乗せてあり、周波数  $f$  の音

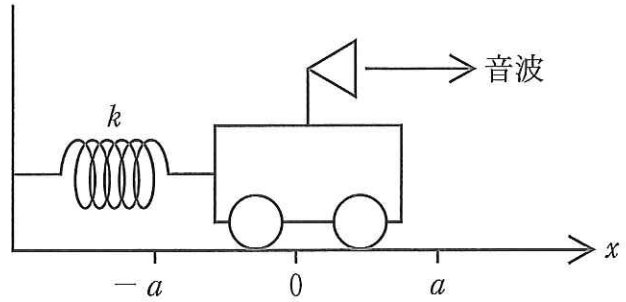


図 3

波を発生している。音源と台車を合わせた全体の質量は  $m$  で、音速は  $V$  とする。

ばねをつり合いの位置から引き伸ばして台車を静かに離すと、台車は振幅  $a$  の単振動をした。ばねが伸びる向きに  $x$  軸の正方向を取り、ばねがつり合いの状態にあるときの音源の位置を  $x = 0$  とする。

台車の前方の  $x$  軸上には静止した観測者がおり、音源から伝わる音が、最高音と最低音を周期  $T$  で繰り返すのを観測していた。

(a) 周期  $T$  はいくらか。

シ

シ の選択肢

①  $\sqrt{\frac{k}{m}}$

②  $\sqrt{\frac{m}{k}}$

③  $2\pi\sqrt{\frac{k}{m}}$

④  $2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$

⑤  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}}$

⑥  $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{m}{k}}$

(b) 観測者が観測する最高音の周波数は  ス, 最低音の周波数は  セ である。ただし、台車の単振動の角振動数を  $\omega$  とする。

ス,  セ の選択肢

①  $\frac{V + a\omega}{V} f$

②  $\frac{V - a\omega}{V} f$

③  $\frac{V}{V + a\omega} f$

④  $\frac{V}{V - a\omega} f$

⑤  $\frac{V + a\omega}{V - a\omega} f$

⑥  $\frac{V - a\omega}{V + a\omega} f$

(c) 最高音と最低音の周波数の差を  $\Delta f$  として、台車の単振動の振幅  $a$  を、 $m$ ,  $k$ ,  $V$ ,  $f$ ,  $\Delta f$  を用いて表しなさい。ただし、 $\Delta f$  は  $f$  に比べて十分に小さいとし、計算では次の近似式を使いなさい。 $z$  が 1 に比べて十分に小さいとき、 $(1+z)^n \approx 1+nz$  ソ

ソ の選択肢

- |   |   |  |
|---|---|--|
| ① $\frac{1}{2} \sqrt{\frac{k}{m}} V \frac{\Delta f}{f}$ | ② $\frac{1}{2} \sqrt{\frac{m}{k}} V \frac{\Delta f}{f}$ | ③ $2\pi \sqrt{\frac{k}{m}} V \frac{\Delta f}{f}$       |
| ④ $2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} V \frac{\Delta f}{f}$        | ⑤ $\frac{1}{2} \sqrt{\frac{k}{m}} \frac{\Delta f}{Vf}$  | ⑥ $\frac{1}{2} \sqrt{\frac{m}{k}} \frac{\Delta f}{Vf}$ |
| ⑦ $2\pi \sqrt{\frac{k}{m}} \frac{\Delta f}{Vf}$         | ⑧ $2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \frac{\Delta f}{Vf}$         |  |



問 2  $x$  軸上の  $x = 10 \text{ cm}$  に波源 A があり,  $x = -10 \text{ cm}$  に波源 B がある。  
 波源 A から波源 B に向かって, 波源 B からは波源 A に向かって波長  
 2 cm, 振幅 1 cm, 周期 4 s の等しい進行波を, 図 4 のように同位相で発  
 生させるものとする。波の発生を開始した時刻を  $t = 0 \text{ s}$  とする。

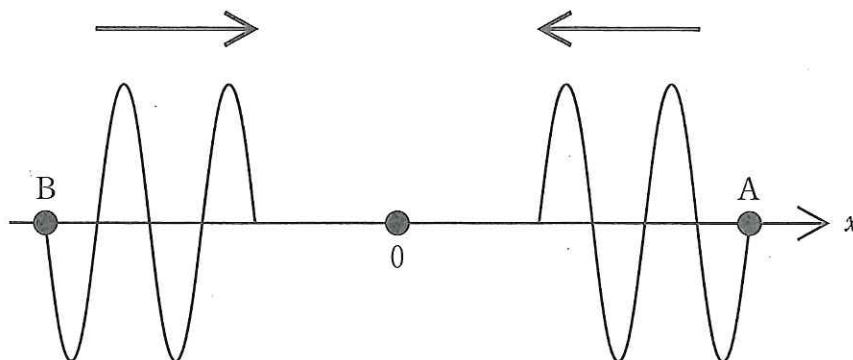


図 4

(a) 波の進む速さは  cm/s である。

の選択肢

- ① 0.5                      ② 1                      ③ 2                      ④ 4  
 ⑤ 8                      ⑥ 10                      ⑦ 20

(b)  $t = 20 \text{ s}$  と  $t = 25 \text{ s}$  での波の振幅は, 次の  $x$  軸上の 3 地点でいくら  
 になるか。

(i)  $t = 20 \text{ s}$  のとき,  $x = 0 \text{ cm}$  で  cm,  $x = 1 \text{ cm}$  で  cm,  
 $x = 5 \text{ cm}$  で  cm である。

(ii)  $t = 25 \text{ s}$  のとき,  $x = 0 \text{ cm}$  で  cm,  $x = 1 \text{ cm}$  で  cm,  
 $x = 5 \text{ cm}$  で  cm である。

, , , , ,  の選択肢 (同じものを繰り返し選択  
 してもよい)

- ① -2                      ② -1.5                      ③ -1                      ④ -0.5                      ⑤ 0  
 ⑥ 0.5                      ⑦ 1                      ⑧ 1.5                      ⑨ 2



2 次の問いに対して、最も適切なものを選択肢の中から一つ選びなさい。

(1) 図1のように距離  $L$  だけ離れた陰極と陽極の間に強さ  $E$  の一様な電界が  $y$  軸の負の方向に形成されている。陰極から初速度  $0$  で放出された電子(質量  $m$ 、電気素量  $e$ )は電界で加速され、スリットを通過した後、磁束密度  $B$  の一様な磁界に入射した。なお、図中の破線矢印は、電界中およびスリット通過直後の電子の進行方向を表している。

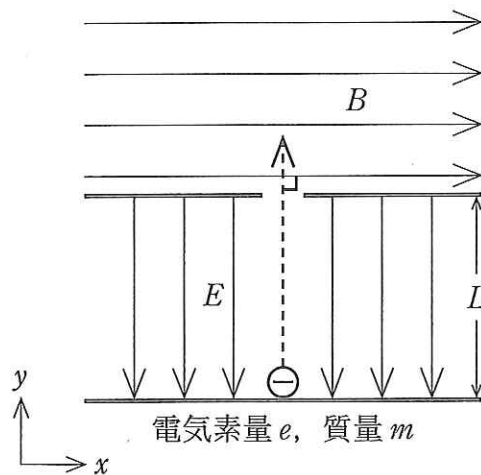


図1

問1 磁界の向きが、図1に示すように、 $x$  軸の正の方向のとき、次の問いに答えなさい。

(a) 電子が陰極を出てから陽極に到達するまでの時間はいくらか。

ア

(b) 磁界領域に入射したときの電子の速さはいくらか。

イ

ア,  イ の選択肢 (同じものを繰り返し選択してもよい)

- |                           |                          |                           |                          |
|---------------------------|--------------------------|---------------------------|--------------------------|
| ① $\frac{L}{e}$           | ② $\frac{L}{eE}$         | ③ $\sqrt{\frac{2L}{E}}$   | ④ $\sqrt{\frac{2mL}{E}}$ |
| ⑤ $\sqrt{\frac{2mL}{eE}}$ | ⑥ $\sqrt{\frac{2L}{eE}}$ | ⑦ $e$                     | ⑧ $eE$                   |
| ⑨ $\sqrt{2EL}$            | ⑩ $\sqrt{\frac{2EL}{m}}$ | ⊕ $\sqrt{\frac{2eEL}{m}}$ | ⊖ $\sqrt{2eEL}$          |

(c) 電子が磁界から受ける力の大きさはいくらか。

ウ

ウの選択肢

①  $eB$

②  $eBL$

③  $e^2EB$

④  $e^2EBL$

⑤  $eB\sqrt{2EL}$

⑥  $eB\sqrt{\frac{2EL}{m}}$

⑦  $eB\sqrt{\frac{2eEL}{m}}$

⑧  $eB\sqrt{2eEL}$

(d) 磁界領域で電子が描く円軌道の半径  $r$  はいくらか。

エ

エの選択肢

①  $\frac{m}{eB}$

②  $\frac{2E}{B}$

③  $\frac{2EL}{B}$

④  $\frac{m}{eB}\sqrt{2EL}$

⑤  $\frac{m}{B}\sqrt{\frac{2EL}{e}}$

⑥  $\frac{1}{B}\sqrt{\frac{2mEL}{e}}$

⑦  $\frac{1}{eB}\sqrt{2mEL}$

⑧  $\frac{1}{eB}\sqrt{2EL}$

(e) 円軌道の半径  $r$  を用いて比電荷を表しなさい。

オ

オの選択肢

①  $Br$

②  $\frac{1}{Br}$

③  $\frac{Br}{\sqrt{2EL}}$

④  $\frac{\sqrt{2EL}}{Br}$

⑤  $\frac{B^2r^2}{2EL}$

⑥  $\frac{2EL}{B^2r^2}$

(f) 電子が円軌道を一周するのに要する時間  $T$  はいくらか。

**カ**

**カ** の選択肢

①  $\frac{2\pi m}{BL}$

②  $\frac{2\pi m}{eB}$

③  $\frac{2\pi}{B} \sqrt{\frac{2Em}{eL}}$

④  $\frac{2\pi}{B} \sqrt{\frac{2ELm}{e}}$

⑤  $\frac{\pi m}{BL}$

⑥  $\frac{\pi m}{eB}$

⑦  $\frac{\pi}{B} \sqrt{\frac{2Em}{eL}}$

⑧  $\frac{\pi}{B} \sqrt{\frac{2ELm}{e}}$

(g) 電界の強さと磁束密度をどちらもはじめの値の2倍に強めたとする。

(i) 円軌道の半径は  $r$  の何倍になるか。

**キ**

(ii) 電子が円軌道を一周するのに要する時間は  $T$  の何倍になるか。

**ク**

**キ**, **ク** の選択肢 (同じものを繰り返し選択してもよい)

① 4

② 2

③ 1

④  $\frac{1}{\sqrt{2}}$

⑤  $\frac{1}{2}$

⑥  $\frac{1}{4}$



問 2 磁界の向きが、図 2 に示すように、 $x$  軸から  $y$  軸へ向けて  $\theta$  の方向のとき、磁界方向から電子を見ると、電子は等速円運動をしている。その円運動の半径を  $r'$ 、周期を  $T'$  として次の間に答えなさい。

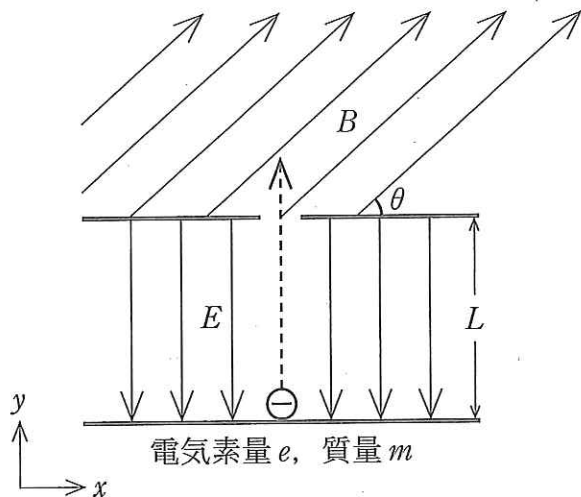


図 2

(a)  $r'$  はいくらか。

ケ

ケ の選択肢

①  $\frac{m \sin \theta}{B} \sqrt{\frac{2EL}{e}}$

②  $\frac{\sin \theta}{B} \sqrt{\frac{2mEL}{e}}$

③  $\frac{\sin \theta}{eB} \sqrt{2mEL}$

④  $\frac{\sin \theta}{eB} \sqrt{2EL}$

⑤  $\frac{m \cos \theta}{B} \sqrt{\frac{2EL}{e}}$

⑥  $\frac{\cos \theta}{B} \sqrt{\frac{2mEL}{e}}$

⑦  $\frac{\cos \theta}{eB} \sqrt{2mEL}$

⑧  $\frac{\cos \theta}{eB} \sqrt{2EL}$

⑨  $\frac{m}{eB}$

⑩  $\frac{2E}{B}$

⊕  $\frac{2EL}{B}$

⊖  $\frac{m}{eB} \sqrt{2EL}$

(b)  $T'$  は  $T$  の何倍になるか。

コ

コ の選択肢

① 2

② 1

③  $\frac{1}{2}$

④  $\sin \theta$

⑤  $\sin^2 \theta$

⑥  $\sqrt{\sin \theta}$

⑦  $\cos \theta$

⑧  $\cos^2 \theta$

⑨  $\sqrt{\cos \theta}$

(2) 図3のように奥行と高さが同じで横幅の違う直方体が  $n$  個接着してある。

側面の面積は  $S$  で、 $j$  番目の直方体の中心の  $x$  座標を  $x_j$ 、横幅を  $l_j$ 、密度を  $\rho_j$  とする。重力加速度を  $g$  とすると、 $j$  番目の直方体の体積  $V_j$  は  サ 、質量  $m_j$  は  シ 、重さは  ス  である。

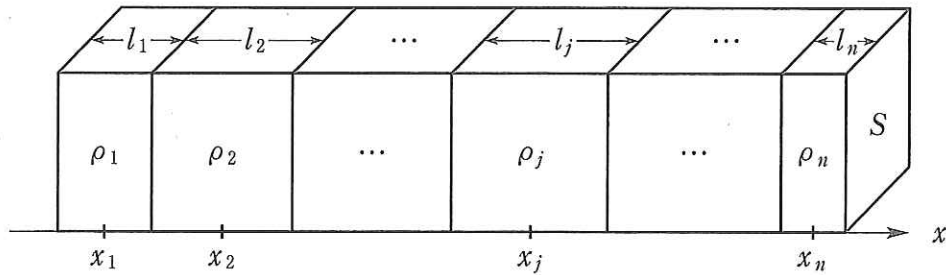


図3

サ 、 シ 、 ス  の選択肢 (同じものを繰り返し選択してもよい)

- |                 |              |                 |                 |
|-----------------|--------------|-----------------|-----------------|
| ① $Sl_j$        | ② $S\rho_j$  | ③ $l_j\rho_j$   | ④ $x_jm_j$      |
| ⑤ $Sl_j\rho_j$  | ⑥ $Sl_jm_j$  | ⑦ $S\rho_jm_j$  | ⑧ $S\rho_jx_j$  |
| ⑨ $Sl_j\rho_jg$ | ⑩ $Sl_jm_jg$ | ⊕ $S\rho_jm_jg$ | ⊖ $S\rho_jx_jg$ |

$n$  個全体の質量を  $M$ 、全体の重心の  $x$  座標を  $x_c$  とすると、 $M$  は、  
 $M = \sum_{j=1}^n m_j = \text{セ}$  である。直方体全体を図4のように  $x = x_c$  で支えるとき、  
 $x_c$  のまわりの重力による力のモーメントの和は、 ソ  で、これが0なので、  
 $x_cM = \text{タ}$  となる。 $M$  に対する  $j$  番目の直方体の質量  $m_j$  の割合  
 $f_j = \frac{m_j}{M} = \text{チ}$  を使うと、 $x_c$  は、 $x_c = \text{ツ}$  と書ける。

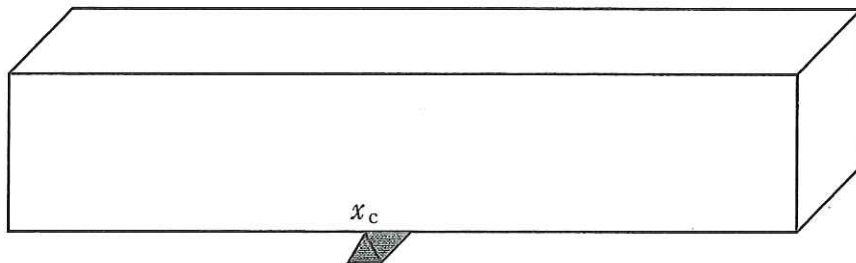


図4

セ, ソ, タ, チの選択肢 (同じものを繰り返し選択してもよい)

$$\textcircled{1} \sum_{j=1}^n Sl_j$$

$$\textcircled{2} \sum_{j=1}^n S\rho_j$$

$$\textcircled{3} \sum_{j=1}^n Sl_j\rho_j$$

$$\textcircled{4} \sum_{j=1}^n Sm_jg$$

$$\textcircled{5} \sum_{j=1}^n x_jm_j$$

$$\textcircled{6} \sum_{j=1}^n x_jm_jg$$

$$\textcircled{7} \sum_{j=1}^n (x_c + x_j)m_jg$$

$$\textcircled{8} \sum_{j=1}^n (x_c - x_j)m_jg$$

$$\textcircled{9} \frac{l_j}{\sum_{j=1}^n l_j}$$

$$\textcircled{0} \frac{\rho_j}{\sum_{j=1}^n \rho_j}$$

$$\textcircled{+} \frac{l_j\rho_j}{\sum_{j=1}^n l_j\rho_j}$$

$$\textcircled{-} \frac{m_j}{\sum_{j=1}^n l_j\rho_j}$$

ツの選択肢

$$\textcircled{1} \sum_{j=1}^n l_jf_j$$

$$\textcircled{2} \sum_{j=1}^n \rho_jf_j$$

$$\textcircled{3} \sum_{j=1}^n x_c f_j$$

$$\textcircled{4} \sum_{j=1}^n x_jf_j$$

$$\textcircled{5} \sum_{j=1}^n m_jf_j$$

$$\textcircled{6} \sum_{j=1}^n S\rho_jf_j$$

$$\textcircled{7} \sum_{j=1}^n x_c m_jf_j$$

$$\textcircled{8} \sum_{j=1}^n x_jm_jf_j$$



