

平成28年度入学試験問題

数 学

(前期日程)

	学 部 等	ページ	解答用紙枚数
1	工 学 部 【試験科目 数学Ⅰ・数学Ⅱ・数学Ⅲ・数学A・数学B】	1～5	4
2	医 学 部 【試験科目 数学Ⅰ・数学Ⅱ・数学Ⅲ・数学A・数学B】	6～11	5
3	教 育 学 部(中主免数学) 【試験科目 数学Ⅰ・数学Ⅱ・数学Ⅲ・数学A・数学B】	12～17	5
4	教 育 学 部(中主免数学を除く) 農 学 部 【試験科目 数学Ⅰ・数学Ⅱ・数学A・数学B】	18～21	3

注 意 事 項

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開かないこと。
2. 上記の1から4のうち、志願したものを選び解答すること。1から4のそれぞれの初めのページに注意事項が記載されているので、試験開始後、よく読んで解答を始めること。
3. すべての解答用紙の受験番号欄に受験番号を記入すること。受験番号が正しく記入されていない場合は、採点できないことがある。
4. 指定されたもの以外を解答しても、採点の対象とはしないので、十分注意すること。また、解答は解答用紙の指定された解答欄に記入すること。
5. 試験中に問題冊子および解答用紙の印刷不鮮明、ページの落丁および汚損等がある場合は、手を挙げて監督者に知らせること。
6. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ること。

医 学 部

(数学Ⅰ・数学Ⅱ・数学Ⅲ・数学A・数学B)

注 意 事 項

1. 問題は、1, 2, 3, 4および5の5問ある。これら5問をすべて解答すること。
2. 解答は問題ごとに指定された解答用紙の解答欄に記入すること。解答欄が不足する場合は、「裏面に続く」と書き、裏面の枠内を使用すること。

医 学 部

1 $y > 0$ とするとき、不等式

$$y^{\frac{2}{x}} + y^{-\frac{2}{x}} - 6(y^{\frac{1}{x}} + y^{-\frac{1}{x}}) + 10 \leq 0$$

について、次の各問に答えよ。

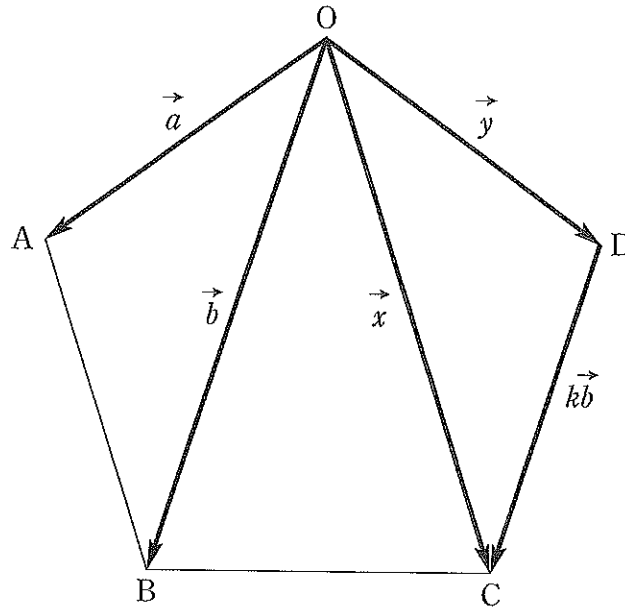
- (1) $X = y^{\frac{1}{x}} + y^{-\frac{1}{x}}$ とするとき、この不等式を、 X を用いて表せ。
- (2) この不等式を満たす点 (x, y) の全体が表す図形を座標平面上に図示せよ。

医 学 部

2 一辺の長さ 1 の正五角形 OABCD について、OB と DC は平行である。

$$\vec{OA} = \vec{a}, \vec{OB} = \vec{b}, \vec{OC} = \vec{x}, \vec{OD} = \vec{y}, \vec{DC} = k\vec{b} \quad (k \text{ は実数})$$

とするとき、次の各問に答えよ。



- (1) k の値を求め、 \vec{x} , \vec{y} を、 \vec{a} と \vec{b} を用いてそれぞれ表せ。
- (2) \vec{a} と \vec{b} のなす角を θ とするとき、 $\cos \theta$ の値を求めよ。
- (3) \vec{a} と \vec{x} の内積を求めよ。

医 学 部

3 複素数 z の方程式 $z^3 + i = z^2 + iz$ (i は虚数単位) の 3 つの解を, その偏角 θ (ただし, $0 \leq \theta < 2\pi$) の小さい順に α, β, γ とする。複素数平面上で, α, β, γ を表す点をそれぞれ A, B, C とし, 直線 AC に関して B と対称な点を D , 直線 AB に関して C と対称な点を E とする。このとき, 次の各問に答えよ。

(1) α, β, γ を $x + yi$ (x, y は実数) の形でそれぞれ表せ。

(2) $\triangle ABC$ の面積を求めよ。

(3) 複素数平面上で, 3点 A, D, E を通る円周上のどの複素数 z も, $\bar{z}z + sz + t\bar{z} + u = 0$ を満たすような複素数の定数 s, t, u を求めよ。

医 学 部

4 A と B は、赤球 2 個と白球 1 個が入った袋をそれぞれ 1 つずつ持っている。次のような試行を考える。

A と B が、それぞれ自分の持っている袋の中から無作為に球を 1 つ選び、色を見てからもとの袋に戻す。

上の試行を n ($n \geq 2$) 回繰り返したとき、 n 回の試行の中で A と B が取り出した球の色が一致することが少なくとも 1 回起こるが続けては起こらない確率を P_n とする。このとき、次の各問に答えよ。

(1) 1 回の試行で、A と B が取り出した球の色が一致する確率を求めよ。

(2) P_2 , P_3 を求めよ。

(3) $n \geq 4$ のとき、

$$P_n = \frac{4}{9} P_{n-1} + \frac{20}{81} P_{n-2} + \frac{5 \cdot 4^{n-1}}{9^n}$$

が成り立つことを示せ。

医 学 部

5 $k > 0$, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ とする。座標平面上の原点 O , 点 $A(0, 1)$ に対し, 第一象限の点 P を, $\angle AOP = \theta$ を満たすように円 $D: x^2 + y^2 = 1$ 上にとり, 直線 OP と直線 $x = k\theta$ との交点を Q とする。 θ を $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ の範囲で動かすときの点 Q の軌跡を曲線 $y = f(x)$ とし, 関数 $y = g(x) = \frac{f(x)}{x}$ で定める曲線を C とする。このとき, 次の各問に答えよ。

(1) $r(\theta) = OQ$ とするとき, $\lim_{\theta \rightarrow +0} r(\theta)$ の値を求めよ。

(2) 点 Q がつねに円 D の内部にあるための k の条件を求めよ。

(3) 関数 $g(x)$ の増減と凹凸を調べ, 曲線 C の概形をかけ。

(4) 曲線 C と x 軸および 2 直線 $x = \frac{\pi}{4}k$, $x = \frac{\pi}{3}k$ とで囲まれた図形を x 軸のまわりに 1 回転させてできる立体の体積を, k を用いて表せ。