

問題冊子(1~3ページ)

### 注 意 事 項

- (1) 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配布する解答用紙の該当欄に正しく記入すること。ただし、解答に関係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある志望学部・学科コード、受験番号、氏名(カタカナ)を確認し、氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし、印刷に間違いがあった場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (5) 理・工学部の受験生は1ページを、医学部の受験生は2ページを、薬学部の受験生は3ページの問題を解答すること。

# 医学部

[I] 次の  をうめよ。答は解答用紙の該当欄に記入せよ。

(i) サイコロを3回投げて出た目を順に並べ、3桁の数を作る。このようにしてできる整数の

うちで偶数となるものは  個あり、4の倍数となるものは  個ある。

(ii)  $2|x| - |x-2| = 0$  をみたす  $x$  を求めると、 $x = \boxed{(3)}$  である。また、

$2|x| - |x-2| = 2x + a$  をみたす  $x$  がちょうど3個あるとき、 $a$  の値の範囲は  (4)

である。

(iii)  $0 \leq x \leq \pi$ において、 $f(x) = 4 \sin 2x + a(\sin x + \cos x) - 1$  とする。 $\sin x + \cos x = t$  とおいて、 $f(x)$  を  $t$  と  $a$  を用いて表すと、 $f(x) = \boxed{(5)}$  である。また、 $0 < a < 8$  のとき、 $f(x)$  の最大値を  $a$  を用いて表すと  (6) である。

[II] 次の  をうめよ。答は解答用紙の該当欄に記入せよ。

(i) 平面上に原点  $O$  と3点  $A, B, C$  があり、 $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} = \vec{0}$ 、 $OA=1, OB=2,$

$OC = \sqrt{7}$  であるとする。このとき、 $\angle AOB = \theta$  ( $0 \leq \theta \leq \pi$ ) とすると  $\cos \theta$  の値は

(1) である。また、三角形  $OAB$  の面積は  (2) である。

(ii) 2つの数列  $p_n = \frac{2^n a - 2^{-n}}{2^{n+1} - 2^{-n-1}}$ ,  $q_n = \frac{9n^2 + 5}{(2an+1)(4n-3)}$  に対し、 $\lim_{n \rightarrow \infty} p_n = \lim_{n \rightarrow \infty} q_n$  と

なる正の定数  $a$  の値を求めると、 $a = \boxed{(3)}$  である。またこのとき、

$\lim_{x \rightarrow \infty} \{\log_a(2x) - \log_a(3x+2)\}$  の値は  (4) である。

[III] (記述問題)

関数  $f(x)$  は  $f(x) + 2 \int_0^x \sin t \, dt = 2 + \frac{8x}{\pi^2 + 16} \int_0^{\frac{\pi}{2}} f(t) \, dt$  をみたすとする。  
次の問い合わせよ。

(i)  $f(x)$  を求めよ。

(ii) 区間  $-\pi \leq x \leq \pi$  で、方程式  $f(x) = k$  が3個の実数解をもつような  $k$  の値の範囲を求めよ。