

# 2007年度 理 科

(44) 物理 I・II (1~5 ページ)

(45) 化学 I・II (6~12 ページ) 問題冊子

(46) 生物 I・II (13~25 ページ)

## 注 意 事 項

- (1) 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配布する解答用紙の該当欄に正しく記入すること。ただし、解答に関係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある志望学部・学科コード、受験番号、氏名(カタカナ)を確認し、氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし、印刷に間違いがあった場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。

### 〔解答用紙記入例(選択式の場合)〕

例 1. [語群]が二桁で (1) 大阪 (2) 佐賀 (3) 長崎 (4) 東京 とある場合

問 X	A			B			C		
	16	17	18	19	20	21	/	/	/
	/	2	/	4	/	/			

A の解答が佐賀の場合 ↑  
B の解答が東京の場合 ↑  
C の解答が大阪の場合 ↑

例 2. [語群]が一桁で (1) 大学 (2) 中学校 (3) 高校 (4) 小学校 とある場合

問 X	a			b			c		
	51	52	53	/	4	2			
	/	4	2						

a の解答が大学の場合 ↑  
b の解答が小学校の場合 ↑  
c の解答が中学校の場合 ↑

## (44) 物 理 I・II

[I] なめらかな水平面上に、正方形の底面をもつ質量  $M$  の箱を置き、その箱の中に質量  $m$  の小球を置く。箱の内面は全てなめらかであり、小球と箱の壁との間のはねかえり係数(反発係数)を  $e$  ( $0 < e < 1$ )とする。以下の文中の    内に入れるのに適当なものを対応する解答群の中からひとつ選び、その番号を解答欄に記入せよ。

図1のように、小球を箱の中心から初速度  $v_0$  で右向きに打ち出し、1つの壁に垂直に衝突させると、小球はその壁と向かい合う壁との間で衝突を繰り返す。箱ははじめ静止しているものとし、速度は右向きを正とする。

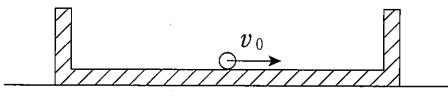


図1

- (a) 1回目の衝突後の小球と箱の速度をそれぞれ  $v_1$ ,  $V_1$  とすると、 $v_1$  と  $V_1$  はそれぞれ  $v_1 = \boxed{(1)}$ ,  $V_1 = \boxed{(2)}$  と表される。
- (b) 運動量保存の法則より、全運動量は衝突の回数に関わらず  $mv_0$  である。このことから2回目の衝突直後的小球の速度は  $\boxed{(3)}$  と求まる。
- (c) 無限に衝突を繰り返すと小球と箱の速度は等しくなる。その速度を  $u$  とする。小球と箱の運動量の和は  $u$  を用いて  $\boxed{(4)}$  と表され、 $u$  は  $v_0$  を用いて  $\boxed{(5)}$  と表される。

次に、箱を水平面上に固定する。箱の底面を、図2のように1辺が  $2l$  の正方形ABCDで表す。底面の中心に原点O、ABに平行に  $x$  軸、ADに平行に  $y$  軸をとる。ABの中点をP、BCの中点をQとする。直線PQ上に点P'をとり、P'からPQに沿って小球を初速度  $v_0$  ですべらせて壁面BCに衝突させる。

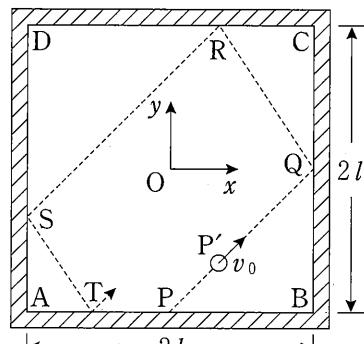


図2

- (d) 1回目の衝突で小球の速度の  $x$  成分は  $\boxed{(6)}$ ,  $y$  成分は  $\boxed{(7)}$  となる。
- (e) 小球は壁面CDで2回目の衝突をする。衝突点をRとするとCRの長さは  $\boxed{(8)}$  と表される。

(f) 小球は壁面DAで3回目の衝突をする。衝突点をSとすると $\angle SRD$ は

(9) と等しい。

(g) 小球は壁面ABで4回目の衝突をする。衝突点をTとするとATの長さは

(10) と表される。

(h) 小球は、4回目の衝突後もすべり続け、衝突を繰り返す。壁面ABでの衝突

は、 $n$ を正の整数とすれば、 $4n$ 回目で起こる。 $4n$ 回目の衝突点を $T'$ とする  
と、 $AT'$ の長さは (11) と表される。

### 解答群

(1)	[1] $\frac{me - M}{M + m} v_0$	[2] $\frac{m - Me}{M + m} v_0$
	[3] $\frac{me + M}{M + m} v_0$	[4] $\frac{m + Me}{M + m} v_0$
(2)	[1] $\frac{(1 - e)m}{M + m} v_0$	[2] $\frac{(1 - e)M}{M + m} v_0$
	[3] $\frac{(1 + e)m}{M + m} v_0$	[4] $\frac{(1 + e)M}{M + m} v_0$
(3)	[1] $\frac{me^2 - M}{M + m} v_0$	[2] $\frac{m - Me^2}{M + m} v_0$
	[3] $\frac{me^2 + M}{M + m} v_0$	[4] $\frac{m + Me^2}{M + m} v_0$
(4)	[1] $-(M + m)u$	[2] $(m - M)u$
	[3] $(M - m)u$	[4] $(M + m)u$
(5)	[1] $\frac{m}{M + m} v_0$	[2] $\frac{M}{M + m} v_0$
	[3] $\frac{m - M}{M + m} v_0$	[4] $\frac{M - m}{M + m} v_0$
(6)	[1] $-ev_0$	[2] $ev_0$
	[3] $\frac{-ev_0}{\sqrt{2}}$	[4] $\frac{ev_0}{\sqrt{2}}$
(7)	[1] $-v_0$	[2] $v_0$
	[3] $\frac{-v_0}{\sqrt{2}}$	[4] $\frac{v_0}{\sqrt{2}}$
(8)	[1] $\frac{l}{\sqrt{2}}$	[2] $l$
	[3] $el$	[4] $\frac{el}{\sqrt{2}}$
(9)	[1] $\angle RQC$	[2] $\angle QRC$
	[3] $\angle QRS$	[4] $\angle PQB$
(10)	[1] $\frac{el}{\sqrt{2}}$	[2] $el$
	[3] $e^2 l$	[4] $\frac{e^2 l}{\sqrt{2}}$
(11)	[1] $e^n l$	[2] $e^{2n} l$
	[3] $e^{3n} l$	[4] $e^{4n} l$

[II] 図1のように、領域1、領域2の2つの部分からなる、断面積Sの円筒容器がある。領域1と2は断熱材でできた、質量mの滑らかに動くピストンで隔てられている。それぞれの領域には熱源が取り付けられており、温度を制御することができ

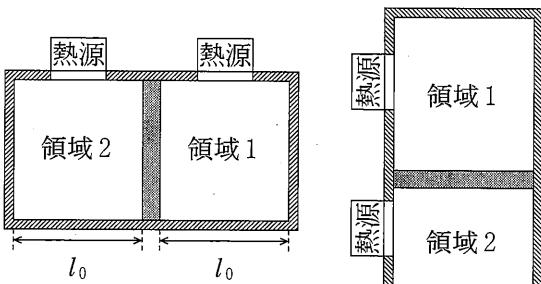


図1

図2

るようになっている。この容器は、熱源に接する部分を除いて断熱材でできている。はじめ、この容器は図1のように水平に置かれ、いずれの領域にも圧力 $p_0$ 、温度 $T_0$ の理想気体が閉じ込められており、ピストンは容器の両端から等しい距離 $l_0$ の位置で静止していた。重力加速度の大きさを $g$ として、以下の文中の [ ] 内に入れるのに適当なものを対応する解答群の中からひとつ選び、その番号を解答欄に記入せよ。

いま、2つの領域の温度を $T_0$ に保ったまま、図2に示すように、この容器を90度回転させて、領域2が下になるように鉛直に置いたところ、ピストンは $x$ だけ下がった位置で静止した。このときの領域1、2内の気体の圧力をそれぞれ $p_1$ 、 $p_2$ とすると、これらの間には [1] という関係が成り立つ。ボイルの法則を適用すると、領域1については、 $p_0 l_0 S = [2]$  となり、領域2については、 $p_0 l_0 S = [3]$  となる。以上より、領域1内の気体の圧力と $x$ の関係は、 $p_1 = [4]$  と表すことができ、領域2内の気体の圧力と $x$ の関係は、 $p_2 = [5]$  と表すことができる。

つぎに、領域1の温度を $T_0$ に保ったまま、領域2の中の気体を一定時間加熱した。この操作によってピストンはゆっくりと上昇し、領域1、2の体積が等しくなった位置で停止した。このときの領域1、2内の気体の圧力をそれぞれ $p'_1$ 、 $p'_2$ とすると、 $p'_1 = [6]$ 、 $p'_2 = [7]$  となる。また、このときの領域2の温度を $T_2$ とすると、 $T_2 = [8]$  である。

さらに、領域1の温度を $T_0$ に、領域2の温度を $T_2$ に保ったまま、容器を再び水平に置いたところ、ピストンはゆっくりと動いたのち静止した。このときの領域1内の気体の圧力は [9]、領域2内の気体の圧力は [10]、ピストンの動いた距離は [11] である。

解答群

$$(1) \quad [1] \quad p_2 = p_1 + mg$$

$$[2] \quad p_2 = \frac{p_1 + mg}{S}$$

$$[3] \quad p_2 = p_1 + \frac{mg}{S}$$

$$[4] \quad p_2 = p_1 + mgS$$

$$(2) \quad [1] \quad p_1(l_0 + x)S$$

$$[2] \quad p_1(l_0 - x)S$$

$$[3] \quad p_1xS$$

$$[4] \quad (p_0 + p_1)xS$$

$$(3) \quad [1] \quad p_2(l_0 + x)S$$

$$[2] \quad p_2(l_0 - x)S$$

$$[3] \quad p_2xS$$

$$[4] \quad (p_0 + p_2)xS$$

$$(4) \quad [1] \quad \frac{mg}{S} \frac{l_0}{x}$$

$$[2] \quad \frac{mg}{S} \frac{2x}{l_0 + x}$$

$$[3] \quad \frac{mg}{S} \frac{l_0 + x}{2x}$$

$$[4] \quad \frac{mg}{S} \frac{l_0 - x}{2x}$$

$$(5) \quad [1] \quad \frac{mg}{S} \frac{l_0}{x}$$

$$[2] \quad \frac{mg}{S} \frac{2x}{l_0 - x}$$

$$[3] \quad \frac{mg}{S} \frac{l_0 + x}{2x}$$

$$[4] \quad \frac{mg}{S} \frac{l_0 - x}{2x}$$

$$(6) \quad [1] \quad p_0 + \frac{mg}{S}$$

$$[2] \quad p_0 - \frac{mg}{S}$$

$$[3] \quad \frac{mg}{S}$$

$$[4] \quad p_0$$

$$(7) \quad [1] \quad p_0 + \frac{mg}{S}$$

$$[2] \quad p_0 - \frac{mg}{S}$$

$$[3] \quad \frac{mg}{S}$$

$$[4] \quad p_0$$

$$(8) \quad [1] \quad \left(1 + \frac{mg}{p_0 S}\right) T_0$$

$$[2] \quad \left(1 - \frac{mg}{p_0 S}\right) T_0$$

$$[3] \quad \frac{3}{2} T_0$$

$$[4] \quad T_0$$

$$(9) \quad [1] \quad p_0 + \frac{mg}{S}$$

$$[2] \quad p_0 + \frac{mg}{2S}$$

$$[3] \quad \frac{mg}{S}$$

$$[4] \quad p_0$$

$$(10) \quad [1] \quad p_0 + \frac{mg}{S}$$

$$[2] \quad p_0 + \frac{mg}{2S}$$

$$[3] \quad \frac{mg}{S}$$

$$[4] \quad p_0$$

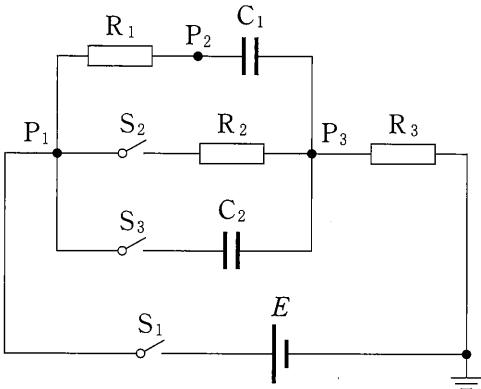
$$(11) \quad [1] \quad \frac{mg + 2p_0S}{mg} l_0$$

$$[2] \quad \frac{mg - 2p_0S}{mg} l_0$$

$$[3] \quad \frac{mg}{2p_0S + mg} l_0$$

$$[4] \quad \frac{mg}{2p_0S - mg} l_0$$

[III] 図のように、内部抵抗の無視できる起電力  $E$  の電池、抵抗値が  $R$  の抵抗  $R_1, R_2, R_3$ 、電気容量がそれぞれ  $C$  と  $2C$  のコンデンサー  $C_1$  と  $C_2$ 、スイッチ  $S_1, S_2, S_3$  からなる回路がある。 $P_1, P_2, P_3$  は回路上の位置を表す記号である。以下の問いに答えよ。ただし、(A), (B), (C)のいずれの場合にも、はじめ  $S_1, S_2, S_3$  は開いており、 $C_1, C_2$  には電荷は蓄えられていないものとする。



- (A) スイッチ  $S_1$ だけを閉じた場合について考える。
  - (1)  $S_1$ を閉じた直後、 $R_1$ を流れる電流はいくらか。
  - (2)  $S_1$ を閉じてから十分に時間がたった後の  $P_1P_2$  間の電位差はいくらか。
  - (3)  $S_1$ を閉じてから十分に時間がたった後の  $C_1$ に蓄えられているエネルギーはいくらか。
- (B) スイッチ  $S_1$ と  $S_2$ を同時に閉じた場合について考える。
  - (4)  $S_1, S_2$ を閉じた直後、 $R_2$ を流れる電流はいくらか。
  - (5)  $S_1, S_2$ を閉じてから十分に時間がたった後の  $P_1P_3$  間の電位差はいくらか。
- (C) スイッチ  $S_1$ を閉じてから十分に時間がたった後、 $S_1$ を開き、続いて  $S_3$ を閉じた場合について考える。
  - (6)  $S_3$ を閉じた直後、 $R_1$ を流れる電流はいくらか。
  - (7)  $S_3$ を閉じてから十分に時間がたった後の  $C_2$ に蓄えられている電気量はいくらか。
  - (8)  $S_3$ を閉じてから十分に時間がたった後の  $P_1P_3$  間の電位差はいくらか。