

物 理

I 以下の問題(第1問～第3問)の答えをマークシートに記せ。

第1問 次の問い(問1～問5)に答えよ。〔解答番号 1 ～ 7 〕

問1 図1のように、質量 M の均一な棒の先端が T の力で引かれて、棒が静止している。棒と床の角度は 45° 、棒を引く力 T と棒の角度は 30° である。棒と床との間の静止摩擦係数を μ とするとき、棒がすべることなく静止しているための静止摩擦係数の条件は、

$$\mu \geq \boxed{1}$$

となる。1 に入るものとして正しいものを、下の①～⑧のうちから一つ選べ。ただし、 $\cos 15^\circ = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$ 、 $\sin 15^\circ = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$ を用いてよい。

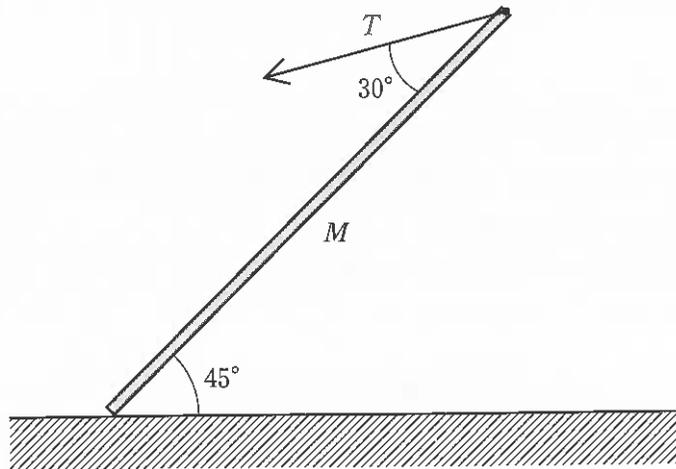


図1

- | | | | |
|--------------------------|--------------------------|-----------------------------------|----------------------------|
| ① $\frac{\sqrt{6}}{6}$ | ② $\frac{\sqrt{3}}{3}$ | ③ $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ | ④ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ |
| ⑤ $\frac{\sqrt{3}-1}{3}$ | ⑥ $\frac{\sqrt{3}+1}{3}$ | ⑦ $\frac{3\sqrt{6}-5\sqrt{2}}{2}$ | ⑧ $\frac{2\sqrt{3}+5}{13}$ |

問 2 図 2 のように、水面上で 8.0 cm の距離だけ離れた二つの波源 A, B が同じ周期・同位相で振動して、ともに波長が 4.0 cm で等しい振幅の球面波を水面に送り出しているとする。水面波の減衰は考えないものとして、図 2 の点ア～ウのうちで、二つの波が強め合う点をすべて求めよ。正しいものを、下の①～⑦のうちから一つ選べ。 2

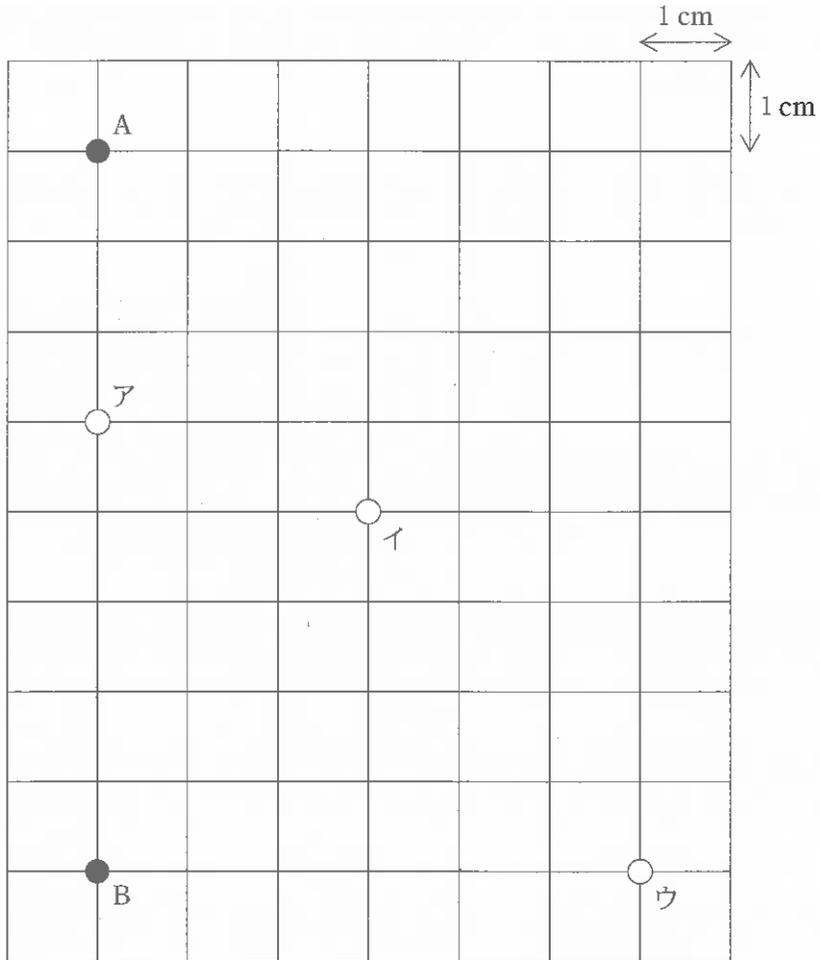


図 2

- ① ア ② イ ③ ウ ④ ア, イ
 ⑤ ア, ウ ⑥ イ, ウ ⑦ ア, イ, ウ

問 3 図3のように、じゅうぶんに長い直線導線Pと長方形コイルABCDが距離 r だけ離されて真空中に置かれている。導線Pは z 軸上にあつて、長方形コイルは yz 平面内にある。長方形コイルの辺ABと辺BCの長さはそれぞれ a と b で、辺ADとBCは導線Pに平行である。導線Pには z 方向に電流 I_1 が流れている。また、コイルには電流 I_2 が流れている。電流 I_1 のつくる磁場によって、コイルが受ける力の合力の大きさはいくらか。正しいものを、下の①～⑨のうちから一つ選べ。ただし、真空の透磁率を μ_0 とする。

3

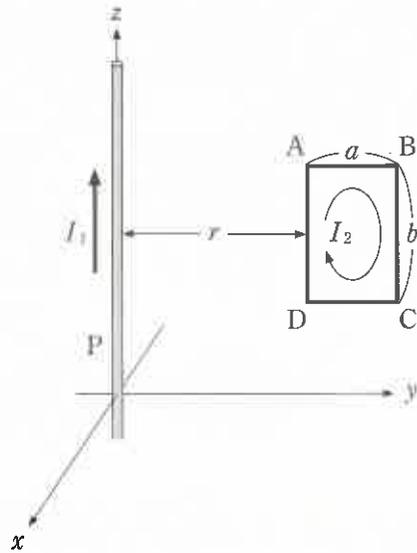


図3

① $\frac{\mu_0 I_1 I_2 a^2}{2 \pi r^2}$

② $\frac{\mu_0 I_1 I_2 ab}{2 \pi r^2}$

③ $\frac{\mu_0 I_1 I_2 b^2}{2 \pi r^2}$

④ $\frac{\mu_0 I_1 I_2 a^2}{2 \pi (r + a)^2}$

⑤ $\frac{\mu_0 I_1 I_2 ab}{2 \pi (r + a)^2}$

⑥ $\frac{\mu_0 I_1 I_2 b^2}{2 \pi (r + a)^2}$

⑦ $\frac{\mu_0 I_1 I_2 a^2}{2 \pi r (r + a)}$

⑧ $\frac{\mu_0 I_1 I_2 ab}{2 \pi r (r + a)}$

⑨ $\frac{\mu_0 I_1 I_2 b^2}{2 \pi r (r + a)}$

問 4 2.5×10^{28} 個の水素分子からなる気体と 5.0×10^{30} 個の酸素分子からなる気体を混合して立方体容器に密封した。この混合気体を温度が一定の理想気体とする。容器の一つの壁に 1 s あたりに衝突する酸素分子の個数は、同じ壁に 1 s あたりに衝突する水素分子の個数の何倍か。最も近い値を、次の①～⑧のうちから一つ選べ。ただし、水素の分子量を 2，酸素の分子量を 32 とし、気体分子の速度の 2 乗平均の平方根 $\sqrt{v^2}$ を分子の平均の速さとみなしてよいものとする。ただし、水素と酸素は反応しないものとする。

倍

- | | | | |
|--------------------|-------------------|------------------|--------|
| ① $\frac{1}{5000}$ | ② $\frac{1}{200}$ | ③ $\frac{1}{16}$ | ④ 4 |
| ⑤ 50 | ⑥ 200 | ⑦ 800 | ⑧ 3200 |

問 5 X線を電子にあてると、散乱されたX線の中には入射X線と波長の異なるものが含まれる。この現象はコンプトン散乱と呼ばれ、粒子(光子)であるX線と電子との弾性散乱によるものとして説明できる。光の速さを c 、プランク定数を h として、次の問い((a), (b))に答えよ。

(a) 波長 λ のX線を光子と考えたときの光子の運動量 p とエネルギー E として正しいものを、次の①～⑫のうちから一つずつ選べ。

$$p = \boxed{5}$$

$$E = \boxed{6}$$

① $h\lambda$

② $\frac{1}{h\lambda}$

③ $\frac{\lambda}{h}$

④ $\frac{h}{\lambda}$

⑤ $\frac{c\lambda}{h}$

⑥ $\frac{\lambda}{ch}$

⑦ $\frac{ch}{\lambda}$

⑧ $\frac{h\lambda}{c}$

⑨ $\frac{h}{c\lambda}$

⑩ $\frac{c}{h\lambda}$

⑪ $ch\lambda$

⑫ $\frac{1}{ch\lambda}$

- (b) 波長 λ の X 線が静止している質量 m の電子に衝突すると、X 線は入射方向に対してさまざまな方向に散乱される。ここで、図4のように X 線が入射方向に対して逆向きに散乱された場合を考える。散乱された X 線の波長 λ' と入射 X 線の波長 λ の差はいくらか。正しいものを、下の①～⑩のうちから一つ選べ。ただし、 $\lambda' - \lambda$ が λ に比べてじゅうぶん小さく、 $\frac{\lambda'}{\lambda} + \frac{\lambda}{\lambda'} \approx 2$ と近似できるとする。
- $\lambda' - \lambda =$

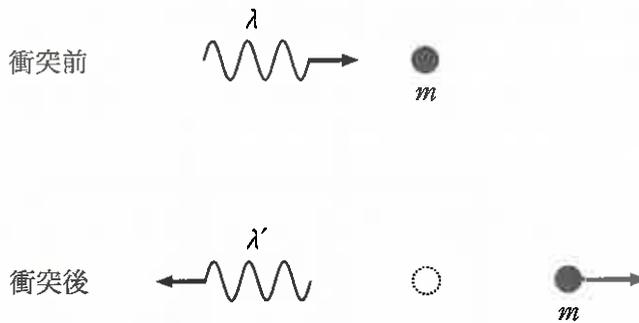


図4

- ① 0 ② $\frac{m}{2ch}$ ③ $\frac{m}{ch}$ ④ $\frac{2m}{ch}$ ⑤ $\frac{h}{2mc}$
- ⑥ $\frac{h}{mc}$ ⑦ $\frac{2h}{mc}$ ⑧ $\frac{ch}{2m}$ ⑨ $\frac{ch}{m}$ ⑩ $\frac{2ch}{m}$

第2問 一定の下降速度 $V_0 (> 0)$ で下降させているエレベーターの中で、図1のように、ばね定数 k の軽いばねを天井に固定して質量 m の小球をつると、ばねは自然の長さから伸びて小球はつり合いの位置で静止した。このときの小球のつり合いの位置を原点 O にとった x 軸を鉛直下向きにエレベーター内の壁面に描いておき、この x 軸での座標をエレベーターの中にいる観測者 A が観測するものとする。この状態から、下降するエレベーターを減速させたところ、観測者 A は小球が原点 O の位置から動くのを観測した。エレベーターを減速させはじめた時刻を $t = 0$ とし、重力加速度の大きさを g として、次の問い(問1～問5)に答えよ。[解答番号 ~]

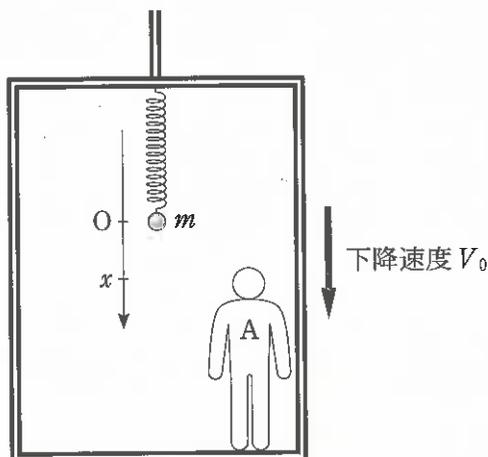


図1

問1 時刻 $t = 0$ の前は、等速度 V_0 で下降させているエレベーター内で、小球がつり合いの位置 O で静止している。このとき、ばねは自然の長さからどれだけ伸びているか。正しいものを、次の①～⑧のうちから一つ選べ。

- ① $V_0 \sqrt{\frac{m}{k}}$ ② $V_0 \sqrt{\frac{2m}{k}}$ ③ $\frac{mV_0}{k}$ ④ $\frac{2mV_0}{k}$
 ⑤ $\sqrt{\frac{mg}{k}}$ ⑥ $\sqrt{\frac{2mg}{k}}$ ⑦ $\frac{mg}{k}$ ⑧ $\frac{2mg}{k}$

問 2 一定の下降速度 V_0 のエレベーター内で小球が O で静止している問 1 の状態から、時刻 $t = 0$ 以降のエレベーターの下降速度 V を、 t の関数として、

$$V = V_0 - \beta t \quad (t \geq 0) \quad (1)$$

と一定の割合 $\beta (> 0)$ で減少させた。式(1)のように減速させているエレベーターの中で、図 2 のように小球が x 軸での座標 x の位置にきたときの、観測者 A から見た小球の加速度を a とすると、小球の運動方程式は、

$$ma = \boxed{2}$$

となる。 $\boxed{2}$ を埋めるのに正しいものを、下の①～⑧のうちから一つ選べ。ただし、 x 軸の正の向きを加速度の正の向きとする。

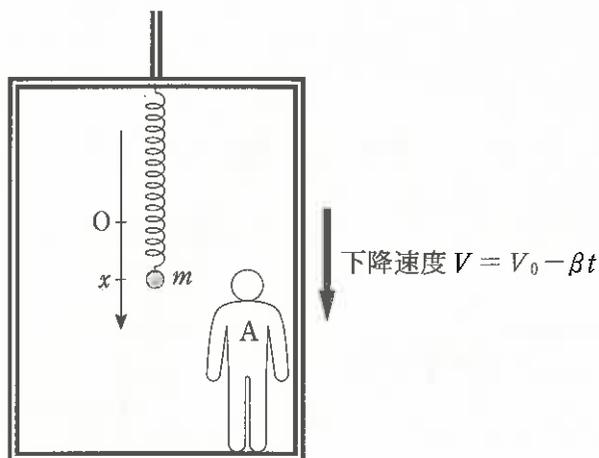


図 2

- | | | |
|----------------------|-----------------------|-----------------------|
| ① $-kx - m\beta$ | ② $-kx + m\beta$ | ③ $kx - m\beta$ |
| ④ $kx + m\beta$ | ⑤ $-kx - m\beta + mg$ | ⑥ $-kx + m\beta + mg$ |
| ⑦ $kx - m\beta + mg$ | ⑧ $kx + m\beta + mg$ | |

問 3 この運動方程式から観測者 A は、 $a = 0$ となる座標 x の位置を中心とした小球の単振動を観測することがわかる。観測者 A から見たこの小球の速度 v は、式(1)のように一定の割合で減速させているエレベーターの中で、

$$v = C \sin \frac{2\pi t}{T} \quad (t \geq 0)$$

と時間変化した。このとき、 C と T はそれぞれいくらか。正しいものを、それぞれの解答群の中から一つずつ選べ。ただし、 x 軸の正の向きを速度の正の向きとする。

$$C = \boxed{3}$$

$$T = \boxed{4}$$

$\boxed{3}$ の解答群

- | | | |
|-------------------------------------|-------------------------------|------------------------------------|
| ① $\beta \sqrt{\frac{m}{k}}$ | ② $2\beta \sqrt{\frac{m}{k}}$ | ③ $(g + \beta) \sqrt{\frac{m}{k}}$ |
| ④ $2(g + \beta) \sqrt{\frac{m}{k}}$ | ⑤ $\frac{m\beta}{k}$ | ⑥ $\frac{2m\beta}{k}$ |
| ⑦ $\frac{m(g + \beta)}{k}$ | ⑧ $\frac{2m(g + \beta)}{k}$ | |

$\boxed{4}$ の解答群

- | | | |
|---|---|--|
| ① $\pi \sqrt{\frac{gk}{m(g + \beta)}}$ | ② $2\pi \sqrt{\frac{gk}{m(g + \beta)}}$ | ③ $\pi \sqrt{\frac{m(g + \beta)}{gk}}$ |
| ④ $2\pi \sqrt{\frac{m(g + \beta)}{gk}}$ | ⑤ $\pi \sqrt{\frac{k}{m}}$ | ⑥ $2\pi \sqrt{\frac{k}{m}}$ |
| ⑦ $\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ | ⑧ $2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ | |

問 4 図 2 のように小球が座標 x の位置にきたときに、観測者 A から見た小球の運動エネルギーと、ばねに蓄えられた弾性エネルギーとの和はどのように表されるか。正しいものを、次の①～⑦のうちから一つ選べ。ただし、ばねが自然の長さのとき、蓄えられている弾性エネルギーを 0 とする。

5

- | | |
|---|--|
| ① $\frac{m^2 g^2}{2k}$ | ② $\frac{m^2 g^2}{2k} + mgx$ |
| ③ $\frac{m^2 g^2}{2k} + 2mgx$ | ④ $\frac{m^2 g^2}{2k} + m\beta x$ |
| ⑤ $\frac{m^2 g^2}{2k} + 2m\beta x$ | ⑥ $\frac{m^2 g^2}{2k} + m(g + \beta)x$ |
| ⑦ $\frac{m^2 g^2}{2k} + 2m(g + \beta)x$ | |

問 5 問 3 の T を用いて、 $V_0 = \frac{2}{3}\beta T$ である場合を考える。式(1)の下降速度が $V = 0$ となった瞬間 ($t = \frac{V_0}{\beta}$) に、エレベーターを停止させ、この後はエレベーターは静止したままとする。エレベーターの停止後に観測者 A が観測する小球の単振動の振幅はいくらか。正しいものを、次の①～⑩のうちから一つ選べ。

6

- | | | |
|-------------------------------------|-------------------------------|-------------------------------------|
| ① $\frac{m\beta}{k}$ | ② $\frac{\sqrt{2} m\beta}{k}$ | ③ $\frac{3m\beta}{2k}$ |
| ④ $\frac{\sqrt{3} m\beta}{k}$ | ⑤ $\frac{2m\beta}{k}$ | ⑥ $\frac{m(g + \beta)}{k}$ |
| ⑦ $\frac{\sqrt{2} m(g + \beta)}{k}$ | ⑧ $\frac{3m(g + \beta)}{2k}$ | ⑨ $\frac{\sqrt{3} m(g + \beta)}{k}$ |
| ⑩ $\frac{2m(g + \beta)}{k}$ | | |

第3問 なめらかに動くピストン付きのシリンダー内に、 n [mol]の単原子分子の理想気体を封入し、気体の状態を変化させた。気体定数を R として、次の問い(問1, 問2)に答えよ。〔解答番号 ~ 〕

問1 図1のグラフの横軸は体積、縦軸は絶対温度で、状態A, B, Cにおける体積と温度はそれぞれ (V_A, T_A) , (V_B, T_B) , (V_A, T_C) である。図1のように、気体の状態をA→Bと断熱変化させた後、B→Cは原点Oを通る直線に沿って、C→Aは縦軸に平行な直線に沿って変化させた。下の問い(a)~(d)に答えよ。

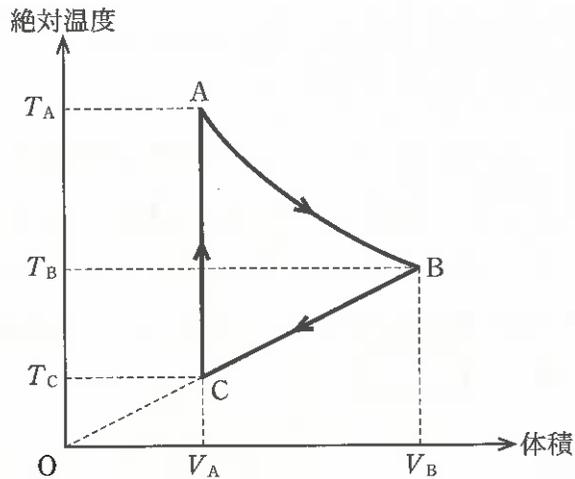


図1

(a) 断熱変化において、単原子分子の理想気体の温度 T と体積 V との間に

$$TV^{\frac{2}{3}} = \text{一定}$$

の関係が成り立つことが知られている。断熱変化 $A \rightarrow B$ においてこの関係式を用いると、状態 B における体積 V_B は

$$V_B = \left(\frac{T_A}{T_B}\right)^x V_A$$

と表される。 x として正しいものを、次の①～⑧のうちから一つ選べ。

$$x = \boxed{1}$$

- ① $\frac{3}{5}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ $\frac{3}{2}$ ④ $\frac{5}{3}$
 ⑤ $-\frac{3}{5}$ ⑥ $-\frac{2}{3}$ ⑦ $-\frac{3}{2}$ ⑧ $-\frac{5}{3}$

(b) 状態 B における温度 T_B は、前問の結果と図 1 のグラフから

$$T_B = \left(\frac{T_C}{T_A}\right)^y T_A$$

と表される。 y として正しいものを、次の①～⑨のうちから一つ選べ。

$$y = \boxed{2}$$

- ① $\frac{3}{8}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $\frac{5}{8}$ ⑤ 3
 ⑥ $-\frac{2}{5}$ ⑦ $-\frac{5}{8}$ ⑧ $-\frac{3}{2}$ ⑨ -2

(c) 状態変化 $B \rightarrow C$ において、理想気体が外部から吸収した熱量 Q_{BC} はいくらか。正しいものを、次の①～⑧のうちから一つ選べ。

$$Q_{BC} = \boxed{3}$$

- ① $\frac{1}{2} nR(T_B - T_C)$ ② $nR(T_B - T_C)$
 ③ $\frac{3}{2} nR(T_B - T_C)$ ④ $\frac{5}{2} nR(T_B - T_C)$
 ⑤ $\frac{1}{2} nR(T_C - T_B)$ ⑥ $nR(T_C - T_B)$
 ⑦ $\frac{3}{2} nR(T_C - T_B)$ ⑧ $\frac{5}{2} nR(T_C - T_B)$

(d) 状態変化 C→A において、理想気体が外部から吸収した熱量 Q_{CA} はいくらか。正しいものを、次の①～⑧のうちから一つ選べ。

$Q_{CA} =$ 4

- | | |
|-------------------------------|-------------------------------|
| ① $\frac{1}{2} nR(T_A - T_C)$ | ② $nR(T_A - T_C)$ |
| ③ $\frac{3}{2} nR(T_A - T_C)$ | ④ $\frac{5}{2} nR(T_A - T_C)$ |
| ⑤ $\frac{1}{2} nR(T_C - T_A)$ | ⑥ $nR(T_C - T_A)$ |
| ⑦ $\frac{3}{2} nR(T_C - T_A)$ | ⑧ $\frac{5}{2} nR(T_C - T_A)$ |

問 2 図 1 の状態変化 A→B→C の後、図 2 のように C→C'→A'→A と直線に沿って状態変化させて状態 A に戻した。下の問い (a)~(c) に答えよ。

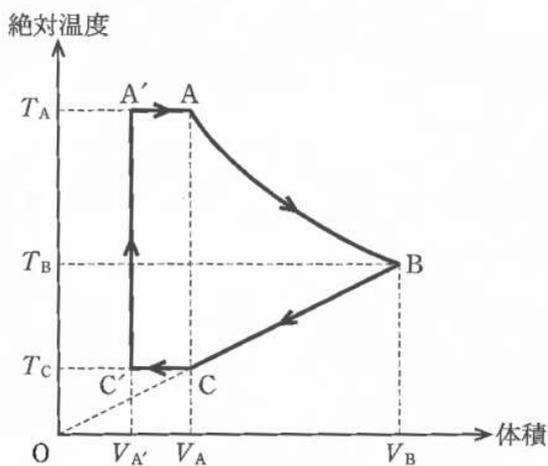


図 2

- (a) まず、状態変化 $A' \rightarrow A$ の体積変化 $\Delta V (\Delta V = V_A - V_{A'})$ が微小な場合を考える。このときの状態変化 $A' \rightarrow A$ において、理想気体が外部にした仕事は nRT_A の何倍か。正しいものを、次の①～⑧のうちから一つ選べ。ただし、体積変化が微小な場合は、気体が外部にする仕事を求める際の圧力変化を無視できるとする。

倍

- ① $\frac{\Delta V}{2V_A}$ ② $\frac{\Delta V}{V_A}$ ③ $\frac{\Delta V}{2}$ ④ ΔV
 ⑤ $-\frac{\Delta V}{2V_A}$ ⑥ $-\frac{\Delta V}{V_A}$ ⑦ $-\frac{\Delta V}{2}$ ⑧ $-\Delta V$

- (b) 次に、状態変化 $A' \rightarrow A$ の体積変化が微小ではない場合を考える。この状態変化は、前問で考えたような微小な状態変化の繰り返しである。状態変化 $A' \rightarrow A$ において、理想気体が外部にした仕事を $anRT_A$ とすると、前問の結果から a は温度によらない量であることがわかる。このとき、状態変化 $C \rightarrow C'$ において理想気体が外部から吸収した熱量 $Q_{CC'}$ はいくらか。正しいものを、次の①～⑫のうちから一つ選べ。

$Q_{CC'} =$

- ① $\frac{1}{2}anRT_A$ ② $anRT_A$ ③ $\frac{3}{2}anRT_A$
 ④ $\frac{1}{2}anRT_C$ ⑤ $anRT_C$ ⑥ $\frac{3}{2}anRT_C$
 ⑦ $-\frac{1}{2}anRT_A$ ⑧ $-anRT_A$ ⑨ $-\frac{3}{2}anRT_A$
 ⑩ $-\frac{1}{2}anRT_C$ ⑪ $-anRT_C$ ⑫ $-\frac{3}{2}anRT_C$

(c) 状態変化 $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow C' \rightarrow A' \rightarrow A$ の熱効率 e は T_A , T_C , α を用いてどのように表されるか。正しいものを、次の①～⑧のうちから一つ選べ。

$$e = \boxed{7}$$

$$\textcircled{1} \quad 1 - \frac{3T_A + 5T_A^{\frac{5}{8}}T_C^{\frac{3}{8}} + 2(\alpha + 1)T_C}{2\alpha T_A}$$

$$\textcircled{2} \quad 1 - \frac{3T_A + (2\alpha - 3)T_C}{2\alpha T_A + 5T_A^{\frac{2}{5}}T_C^{\frac{3}{5}} - 5T_C}$$

$$\textcircled{3} \quad 1 - \frac{5T_A^{\frac{2}{5}}T_C^{\frac{3}{5}} - 5T_C}{(2\alpha + 3)T_A - 3T_C}$$

$$\textcircled{4} \quad 1 - \frac{5T_A^{\frac{3}{5}}T_C^{\frac{2}{5}} + (2\alpha - 5)T_C}{(2\alpha + 3)T_A - 3T_C}$$

$$\textcircled{5} \quad 1 - \frac{3T_A^{\frac{3}{5}}T_C^{\frac{2}{5}} + (2\alpha - 3)T_C}{(2\alpha + 5)T_A - 5T_C}$$

$$\textcircled{6} \quad 1 - \frac{3T_A^{\frac{2}{3}}T_C^{\frac{1}{3}} + (2\alpha - 3)T_C}{(2\alpha + 5)T_A - 5T_C}$$

$$\textcircled{7} \quad 1 - \frac{3T_A^{\frac{3}{5}}T_C^{\frac{2}{5}} + (2\alpha - 3)T_C}{(2\alpha - 5)T_A + 5T_C}$$

$$\textcircled{8} \quad 1 - \frac{-5T_A^{\frac{2}{3}}T_C^{\frac{1}{3}} + (2\alpha + 5)T_C}{(2\alpha + 3)T_A - 3T_C}$$

II 次の問い(A・B)に答えよ。解答用紙の所定の欄には、結果だけでなく考え方と途中の式も記せ。

A 真空中に置かれた面積 S の薄い金属板に正の電気量 $Q (> 0)$ が一様に分布している場合、金属板の端の効果を無視すると、電場は金属板の両側に、金属板に垂直な方向にできる。電場の強さは、金属板からの距離によらず一定で、

$\frac{Q}{2\epsilon_0 S}$ で与えられる。ここで、 ϵ_0 は真空の誘電率である。次の問い(問1)に答えよ。

問1 図1のように、真空中に面積 S の薄い金属板 A と B が、 x 座標の $x = 0$ と $x = d$ の位置に、 x 軸に垂直に置かれている。金属板 A には正の電気量 Q が、金属板 B には負の電気量 $-3Q$ が、一様に分布している。2枚の金属板の電荷が $-d \leq x \leq 2d$ の領域につくる電場の x 成分 E_x と、位置 x との関係を示すグラフを実線で描け。ただし、電場が x 軸の正の方向に向くときに $E_x > 0$ とする。

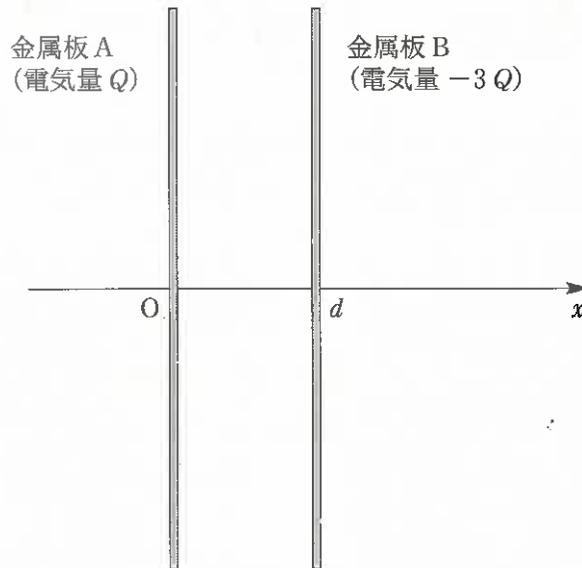


図1

B 図2のように、面積 S で同じ形状の極板 A, B を間隔 d で向かい合わせた平行板コンデンサーを真空中に置き、極板と同じ形状で厚さの無視できる面積 S の金属板 P を二つの極板の間に挿入した。金属板 P はコンデンサーの極板に平行で、極板 A から距離 a の位置に固定されている。極板 A, B と金属板 P は、切り換えスイッチを介して抵抗、電圧 V の二つの電池に接続されている。図2のように、スイッチは開いており、極板 A, B と金属板 P の電気量は全て 0 であった。次の問い(問2～問6)に答えよ。

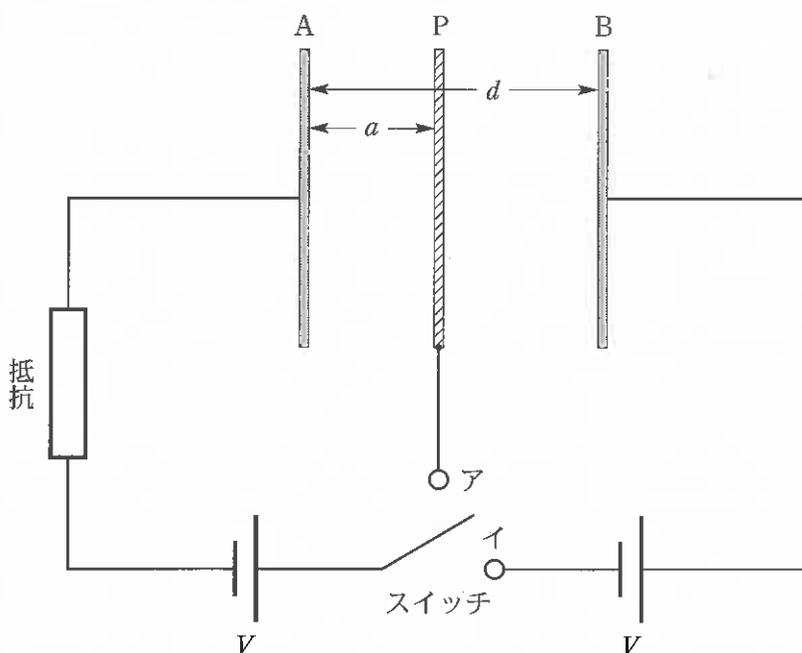


図2

問2 スイッチをア側に閉じると、抵抗に電流が流れ、しばらくすると金属板 P に電気量 q が蓄えられた(状態1)。状態1における電気量 q を ϵ_0 , a , S , V を用いて表せ。

問 3 状態 1 において、金属板 P と極板 A の間に蓄えられた静電エネルギーと、スイッチを閉じてから金属板 P に電気量 q が蓄えられるまでに抵抗で発生したジュール熱はいくらか。静電エネルギーとジュール熱を q , V を用いて表せ。

問 4 次に、状態 1 からスイッチを A 側から I 側に切り換えたところ、極板 B には電気量 Q_B が蓄えられた(状態 2)。この操作によって、金属板 P に蓄えられた電気量 q が放電されることはない。状態 2 において、極板 A に蓄えられている電気量を q , Q_B を用いて表せ。

問 5 状態 2 において、極板 A を基準とした金属板 P の電位 V_P はいくらか。 a , d , V を用いて表せ。

問 6 状態 2 において、金属板 P にはたらく静電気力の合力 F はいくらか。 F を ϵ_0 , a , d , S , V を用いて表せ。ただし、極板 A から極板 B に向かう方向を力の正とする。