

数 学

教育学部[数学(口)]

医学部医学科

工学部

問 題 冊 子

注意事項

1. 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。
2. 本冊子は 5 ページで、解答用紙は 5 枚である。
落丁、乱丁、印刷不鮮明などの箇所があった場合には、ただちに試験監督者に申し出ること。
3. 受験番号は、5 枚の解答用紙のそれぞれの指定箇所に必ず記入すること。
4. 問題は、大問 5 題である。
5. 大問の配点比率は全て 20 % である。
6. 解答は、解答用紙の指定箇所に記入すること。ただし、やむをえない場合は裏面にまわってよいが、表面に「裏に続く」と明記すること。
7. 問題用紙の余白は計算に用いてよい。
8. 解答用紙は持ち帰らないこと。
9. 問題冊子は持ち帰ること。

1 1個のさいころを4回投げて、出る目を順に a, b, c, d とし、その積を $N = abcd$ とする。
以下の問に答えよ。

(1) $N = 720$ となる確率を求めよ。

(2) $N = 360$ となる確率を求めよ。

(3) $N > 720$ となる確率を求めよ。

2 xy 平面上に点 $A(0, 4)$, 点 $P(p, -1)$, 点 $Q(q, 1)$ がある。ただし, $0 < p < q$ とする。以下の問に答えよ。

- (1) $\triangle APQ$ の面積 S を p, q を用いて表せ。
- (2) $\triangle APQ$ が直角三角形になるための p, q の条件を求めよ。
- (3) p, q が (2) で求めた条件をみたすとき, 直角三角形 APQ の面積 S の最小値を求めよ。

3

4次方程式

$$x^4 + 2x^2 + 16x + 17 = 0 \quad \dots\dots(*)$$

を考える。虚数単位を i で表し、複素数 z と共役な複素数を \bar{z} で表すものとする。

$\alpha = \sqrt{2} + (1 + \sqrt{2})i$ として、以下の問に答えよ。

- (1) α^2, α^4 の実部と虚部の値をそれぞれ求めよ。
- (2) $\alpha^4 + 2\alpha^2 + 16\alpha + 17$ の実部と虚部の値を求めよ。
- (3) α と $\bar{\alpha}$ が 2 次方程式 $x^2 + px + q = 0$ の解となるような実数 p, q の値を求めよ。
- (4) p, q を (3) で求めた値とする。 $x^4 + 2x^2 + 16x + 17 = (x^2 + px + q)(x^2 + rx + s)$ となるような実数 r, s の値を求めよ。
- (5) 方程式(*)のすべての解を求めよ。

4 以下の問に答えよ。

- (1) 方程式 $32t^3 - 16t + 1 = 0$ は, $-1 \leq t \leq 1$ において3つの異なる実数解を持つことを示せ。
- (2) 等式 $\sin 4x = (4 \sin x - 8 \sin^3 x) \cos x$ が成り立つことを示せ。
- (3) 方程式 $4 \sin 4x + \sin x = 0$ の, $0 \leq x \leq \pi$ における解の個数を求めよ。
- (4) 関数 $f(x) = \cos 4x + \cos x$ が極小となる x の値は, $0 \leq x \leq \pi$ の範囲にいくつあるか。

5 関数

$$f(x) = e^{-2x}(\cos x - 3 \sin x) \quad (0 \leq x \leq 2\pi)$$

を考える。以下の問に答えよ。

- (1) $f(x)$ の最大値と最小値を求めよ。
- (2) 定積分 $\int_0^{2\pi} f(x) dx$ の値を求めよ。

