

(平 31 前)

# 理 科

	ページ
物 理	1～ 5
化 学	6～14
生 物	15～24
地 学	25～28

・ページ番号のついていない白紙は下書き用紙である。

注意 解答はすべて答案用紙の指定のところに記入しなさい。

物 理	75 点
化 学	75 点
生 物	75 点
地 学	75 点





# 物 理

I 次の文章を読んで、問1～5に答えなさい。問題の解答に必要な物理量、物理定数があれば、それらを表す記号はすべて各自が定義し、解答欄に明示しなさい。また、問2以降は必要に応じて導出過程も示しなさい。(配点25点)

図1のように、曲面ABとなめらかにつながった水平面BCを持つ質量 $M$ の台が、なめらかで水平な床の上に静止している。ここで、面BCから高さ $h$ の曲面上の点Aから、質量 $m$ の小球を静かにすべらせた。小球と台の間に摩擦はないものとし、重力加速度の大きさを $g$ とする。

問1 小球が曲面ABにあるとき、小球にはたらく力の名称と向きを解答欄の図に記入しなさい。

問2 小球が曲面ABにあるとき、小球と台からなる物体系の水平方向の運動量は保存される。その理由を説明しなさい。また、小球が点Bにきたときの小球の床に対する速さを $v$ とする。このときの台の床に対する速さ $V$ を、 $m$ ,  $M$ ,  $v$ を用いて表しなさい。

問3 速さ $v$ を、 $g$ ,  $h$ ,  $m$ ,  $M$ を用いて表しなさい。また、 $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ ,  $h = 1.0 \times 10^2 \text{ cm}$ ,  $m = 8.0 \times 10^2 \text{ g}$ ,  $M = 9.0 \text{ kg}$ の場合について、 $v$ を有効数字2桁で求めなさい。

問4 区間BCで、小球はどのような運動をするか説明しなさい。また、区間BCを小球が運動しているとき、小球と台からなる物体系の重心は、水平方向にどのような運動をするか説明しなさい。

問 5 上記の運動の後、小球は床からの高さが  $\ell$  の点 C からとびだし、床に落下する。小球が床に落下したとき、点 C と小球が水平方向にどれだけ離れているか  $\ell$  と  $h$  を含む式で示しなさい。

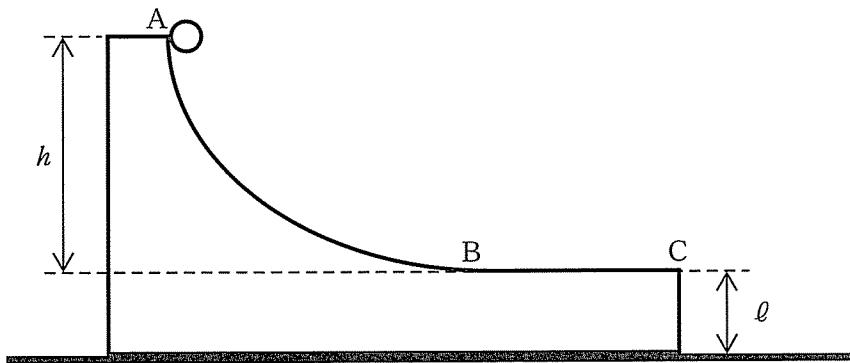


図 1

II 以下の問 1～4 に答えなさい。問題の解答に必要な物理量、物理定数があれば、それらを表す記号はすべて各自が定義し、解答欄に明示しなさい。また、問 3 以降は導出過程も示しなさい。(配点 25 点)

まず、一様な磁場中で、磁場に垂直な直線状導線に直流電流が流れている場合を考える。

問 1 磁場がこの導線に及ぼす力の向きを、導線中を流れる自由電子にはたらくローレンツ力から説明しなさい。その際、磁場、電子の速度、ローレンツ力、それぞれの向きを図示して説明しなさい。

次に、図 1 に示す同一平面上の点 O, P<sub>1</sub>, P<sub>2</sub> を通る、紙面に垂直方向に置かれた十分長い導線がある場合を考える。それぞれには、正の直流電流 I<sub>0</sub>, I<sub>1</sub>, I<sub>2</sub> が図の向きに流れている。ただし、図の  $\odot$  は紙面の裏から表への向きを表す。直線 OP<sub>1</sub> は直線 OP<sub>2</sub> に垂直であり、線分 OP<sub>1</sub> と線分 OP<sub>2</sub> の長さはそれぞれ x<sub>1</sub> と x<sub>2</sub> である。これらの導線は真空中にあり、真空の透磁率を  $\mu_0$  とする。また、地磁気の影響は無視する。

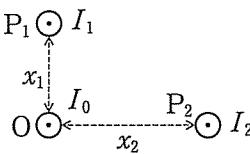


図 1

問 2 電流 I<sub>1</sub> と I<sub>2</sub> により、点 O で発生する磁場の強さをそれぞれ求めなさい。またその向きを、それぞれ図示しなさい。

問 3 電流 I<sub>1</sub> と I<sub>2</sub> から発生する磁場により、電流 I<sub>0</sub> の導線が単位長さ当たりに受ける合力の大きさを求めなさい。

問 4 電流と導線間の距離を, それぞれ  $I_0 = 1 \text{ A}$ ,  $I_1 = 1 \text{ A}$ ,  $I_2 = 4 \text{ A}$ ,  $x_1 = 1 \text{ m}$ ,  $x_2 = 2 \text{ m}$  とする。このとき, 他の導線と同じく紙面に垂直な方向の 1 本の導線を追加し, その導線に電流を流すことにより,  $I_0$  にはたらく力をつりあわせたい。ただし, 追加した導線の O からの距離は 1 m とする。考えられるすべての場合について, その電流の大きさを求め, 電流の向きと導線の位置を図示しなさい。

**III** 次の文章を読んで、問1～5に答えなさい。問題の解答に必要な物理量、物理定数があれば、それらを表す記号はすべて各自が定義し、解答欄に明示しなさい。また、問2以降は導出過程も示しなさい。(配点25点)

片側の閉じたシリンダーに1モルの単原子分子理想気体が入っており、なめらかに動くピストンで閉じ込められている。この気体に対して次の1サイクルの状態変化を行う。

a → b : 断熱膨張, b → c : 体積を  $V_1$  に保つて温度を下げる

c → d : 断熱圧縮, d → a : 体積を  $V_2$  に保つて温度を上げる

4つの状態a, b, c, dの温度を  $T_a$ ,  $T_b$ ,  $T_c$ ,  $T_d$  とする。また、断熱変化では圧力  $P$  と体積  $V$  の間に  $PV^\gamma = \text{一定}$  ( $\gamma$  は定圧モル比熱  $C_P$  を定積モル比熱  $C_V$  で割った量) の関係が成り立つ。

問1 このサイクル  $a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow d \rightarrow a$  を、縦軸を圧力  $P$ 、横軸を体積  $V$  にとつて図に描きなさい。

問2 4つの状態変化のうち、気体が熱を吸収または放出するものをすべて答えなさい。またそれらの熱量を求めなさい。

問3 気体が1サイクルの間に外部にする仕事の総和  $W$  を求めなさい。

問4 次の関係が成り立つことを示しなさい。

$$\frac{T_a}{T_b} = \frac{T_d}{T_c}$$

問5 このサイクルを熱機関とみなしたときの熱効率  $e$  を、 $V_1$ ,  $V_2$ ,  $\gamma$  を用いて表しなさい。