

# 入学試験問題

## 理 科



(配点 120 点)

令和 3 年 2 月 26 日 9 時 30 分—12 時

### 注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
- 2 この問題冊子は全部で 89 ページあります(本文は物理 4～27 ページ、化学 28～43 ページ、生物 44～69 ページ、地学 70～89 ページ)。落丁、乱丁または印刷不鮮明の箇所があったら、手を挙げて監督者に知らせなさい。
- 3 解答には、必ず黒色鉛筆(または黒色シャープペンシル)を使用しなさい。
- 4 解答は、1 科目につき 1 枚の解答用紙を使用しなさい。
- 5 物理、化学、生物、地学のうちから、あらかじめ届け出た 2 科目について解答しなさい。
- 6 解答用紙の指定欄に、受験番号(表面 2 箇所、裏面 1 箇所)、科類、氏名を記入しなさい。指定欄以外にこれらを記入してはいけません。
- 7 解答は、必ず解答用紙の指定された箇所に記入しなさい。
- 8 解答用紙表面上方の指定された( )内に、その用紙で解答する科目名を記入しなさい。
- 9 解答用紙表面の上部にある切り取り欄のうち、その用紙で解答する科目の分のみ 1 箇所をミシン目に沿って正しく切り取りなさい。
- 10 解答用紙の解答欄に、関係のない文字、記号、符号などを記入してはいけません。また、解答用紙の欄外の余白には、何も書いてはいけません。
- 11 この問題冊子の余白は、草稿用に使用してもよいが、どのページも切り離してはいけません。
- 12 解答用紙は、持ち帰ってはいけません。
- 13 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

# 地 学

第1問 宇宙に関する次の問い(問1～2)に答えよ。

問1 地球から天体までの距離を求めるには様々な方法がある。天体までの距離を求める方法について、以下の問いに答えよ。数値での解答には有効数字2桁で単位とともに答え、計算の過程も示せ。

(1) 太陽、金星、地球がほぼ一直線上に並ぶ位置にあるとき、地球上からは、太陽の表面に金星の影(太陽の光球を背景とした黒い円)を観測できる。ここでは簡単のため、これら3天体の中心が完全に一直線上に並んでいるとしよう。太陽と金星の間の距離は、太陽と地球の間の距離の0.72倍である。図1—1のように観測者Aは太陽、金星、地球の中心を結ぶ線分上に、観測者Bはその線分から垂直方向に直線距離 $d$ 離れた場所にいるとする。観測者AとBは金星の影を同時に観測し撮影する。両者から見える太陽表面での影の中心位置は距離 $D$ ずれている。観測者Aから太陽表面までの距離を $L$ とする。ただし、天体間の距離は天体のサイズに比べて非常に大きい。

(a) 距離 $D$ は $d$ の何倍か求めよ。

(b) 観測者Bから送られてきた写真を、観測者Aが自分で撮影した写真と詳しく比較したところ、両者の観測した金星の影の中心位置は、図1—1のように角度にして $\theta$ ずれていた。距離 $L$ を $d$ と $\theta$ を用いて表せ。

(c) 距離 $d$ が3000 kmのとき、 $\theta$ は $11''$ であった。この観測結果から、距離 $L$ を求めよ。ただし、 $1''$ は $4.8 \times 10^{-6}$  ラジアンとしてよい。また、必要であれば、 $\theta$ が微小の時、 $\tan \theta \approx \theta$ と近似してよい。

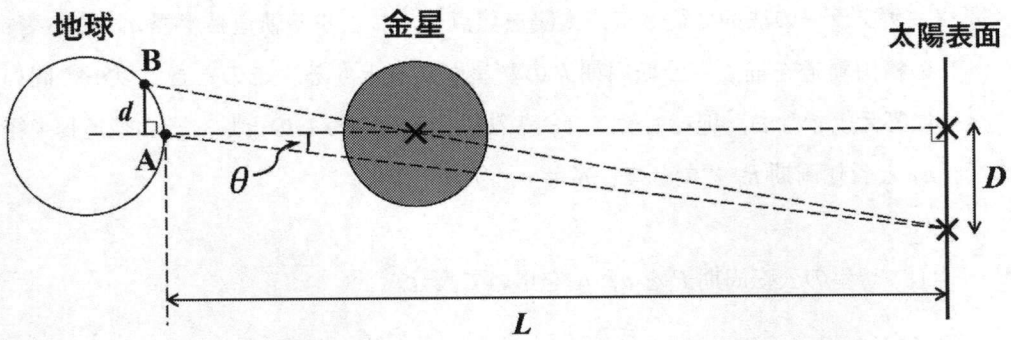


図1-1 金星の影の観測を表す模式図。天体間の距離は、実際には天体のサイズに比べて非常に大きい。

(2) 地球からある銀河までの距離は、その銀河内にある Ia 型超新星や脈動型変光星を観測することで推定できる。

(a) Ia 型超新星は、爆発に伴う急激な増光後、数十日かけて徐々に減光していくが、最も明るくなったときの絶対等級は  $-19.5$  等であることが知られている。ある遠方の銀河で Ia 型超新星が観測され、最も明るくなったときの見かけの等級は  $15.5$  等であった。地球からこの銀河までの距離は何パーセクか推定せよ。

(b) 距離測定のための観測対象として Ia 型超新星と脈動型変光星を比較したとき、それぞれの利点として考えられることを  $1 \sim 2$  行ずつ述べよ。

問 2 ケプラーの法則に従って、太陽を焦点の1つとする軌道長半径  $a$ 、離心率  $e$  の楕円軌道を描く、公転周期  $P$  の彗星があるとする。このとき、以下の問いに答えよ。なお、地球もケプラーの法則にしたがうものとし、その軌道長半径  $a_E$  と公転周期  $P_E$  に対して、 $K = a_E^3/P_E^2$  とする。

- (1) 彗星の公転周期  $P$  を  $a$ 、 $K$  を用いて表せ。
- (2) 太陽と彗星を結ぶ線分がある時間  $\tau$  (ただし、 $\tau < P$  とする) の間に通過する面積を  $S$  とするとき、 $S/\tau$  を  $a$ 、 $e$ 、 $K$  を用いて表せ。なお楕円の面積が  $\pi\sqrt{(1-e^2)}a^2$  と書けることを用いてよい。
- (3) 図1—2の太線部分のように、近日点をはさんで角度  $\theta$  にわたって、この彗星の核から  $\text{H}_2\text{O}$  の氷が気化(蒸発)し、 $\text{H}_2\text{O}$  ガスが放出されたとする。この過程で単位時間あたりに放出される  $\text{H}_2\text{O}$  分子の個数  $Q$  は、太陽に近いほど大きく、太陽と彗星の間の距離  $r$  を用いて  $Q = A/r^2$  ( $A$  は定数) と表せるとする。以下では図1—2の角度  $\theta$  にわたるガスの総放出量を、順を追って考える。
  - (a) ある微小な時間  $\Delta t$  の間に、彗星の公転運動により太陽と彗星を結ぶ線分が  $\Delta\theta$  だけ回転したとする。この  $\Delta t$  の間に線分の通過する面積が  $\Delta S$  であったとして、この間の  $\text{H}_2\text{O}$  ガス放出量  $Q\Delta t$  を  $A$ 、 $\Delta\theta$ 、 $\Delta t$ 、 $\Delta S$  を用いて表せ。ただし、ここでは  $\Delta t$  が十分小さいことを用いて  $\Delta S = r^2\Delta\theta/2$  と近似すること。
  - (b)  $r = 2.0$  天文単位 のときに  $Q = 2.0 \times 10^{27}$  個/秒 だったとする。  
 $a = 9.0$  天文単位、 $e = 0.80$ 、 $\theta = 2\pi/3$  ラジアンとして、角度  $\theta$  にわたる彗星の  $\text{H}_2\text{O}$  ガスの総放出質量を  $\text{kg}$  の単位で求めて有効数字 2 桁で答えよ。計算の過程も示すこと。ただし、 $\text{H}_2\text{O}$  分子 1 個の質量を  $3.0 \times 10^{-26}$   $\text{kg}$  とする。また、ガスの放出に伴う彗星の軌道の変化は無視できるものとする。

- (4) 公転軌道を保って太陽に繰り返し接近する彗星では、近日点に近づくたびに  $\text{H}_2\text{O}$  の水の気化(蒸発)によるガス放出が繰り返されるが、その放出量は長期的に減っていく傾向が想定される。そのように考えられる要因1つを1～2行で答えよ。

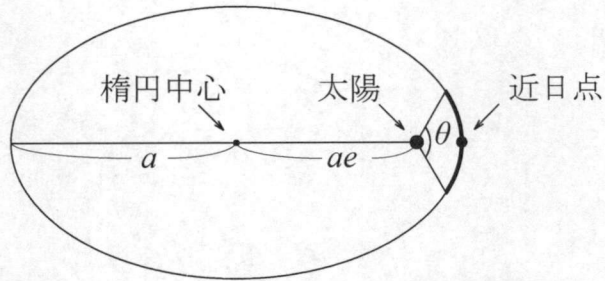
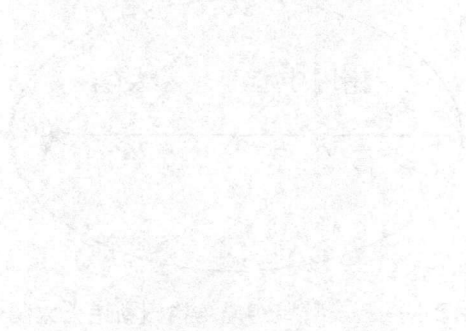


図1—2 彗星が描く楕円軌道と太陽の位置関係

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)



# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

第2問 大気と海洋に関する次の問い(問1～2)に答えよ。

問1 次の文章を読み、以下の問いに答えよ。

地表付近の水蒸気を含む未飽和の空気塊が上昇し続け、その間、周囲と熱のやりとりがないとすると、空気塊の温度は乾燥断熱減率にしたがって低下する。やがて空気塊の水蒸気が飽和に達すると、その後は高さとともに湿潤断熱減率にしたがって温度が低下する。最初に飽和に達する高さを(ア)といい、これは雲底の目安になる。

気温減率が乾燥断熱減率よりも大きい場合の大気の状態を(イ)といい、湿潤断熱減率よりも小さい場合を(ウ)という。その中間にある場合には、条件つき不安定という。このように、対流圏においては高さとともに気温が低下しているのが一般的だが、(エ)と呼ばれる、高さとともに気温が上昇する領域が形成されることもある。

- (1) 空欄(ア)～(エ)に入る適切な語句をそれぞれ答えよ。
- (2) 下線部について、どのような条件が満たされると不安定になるか、1行程度で説明せよ。
- (3) 図2—1の(a)と(b)のうち、積乱雲がより発生・発達しやすいと考えられるのはどちらか答えよ。また、その理由を3行程度で説明せよ。
- (4) 対流圏において空欄(エ)が形成される仕組みを2つ挙げ、それぞれ2行程度で説明せよ。



- (5) ある空気塊が、山頂の標高が 3000 m の山を越える場合を考える。標高 0 m の風上側山麓における空気塊の温度を  $T = 26\text{ }^{\circ}\text{C}$ 、露点を  $T_d = 18\text{ }^{\circ}\text{C}$  とし、空欄(ア)の高さ  $h$ (単位は m)は  $h = 125(T - T_d)$  で与えられるとする。山頂を越えるときにちょうど雲が消失するとして、空気塊が標高 0 m の風下側山麓に達した時の温度を有効数字 2 桁で求めよ。ただし、乾燥断熱減率を  $1.0\text{ }^{\circ}\text{C}/100\text{ m}$ 、湿潤断熱減率を  $0.50\text{ }^{\circ}\text{C}/100\text{ m}$  で一定とし、計算の過程も示すこと。

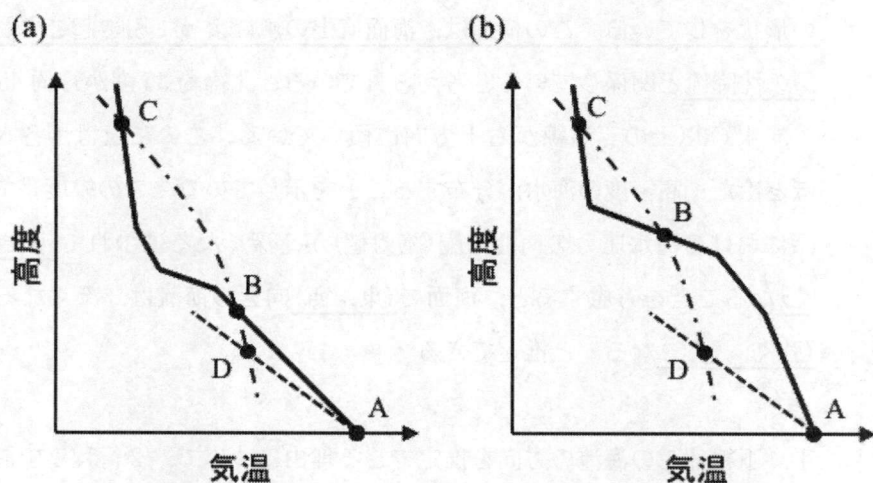


図 2—1 気温の高度分布の模式図。実線は観測された状態曲線(高度による気温変化)、破線は乾燥断熱線(乾燥断熱減率にしたがう気温変化)、鎖線は湿潤断熱線(湿潤断熱減率にしたがう気温変化)を表す。点 A, B, C, D はそれぞれ交点を表す。点 D は文中の空欄(ア)に相当し、点 A, C, D のそれぞれの高度および気温は(a)と(b)で等しい。

問 2 次の文章を読み、以下の問いに答えよ。

図 2—2 は長期平均した海面高度(ジオイド面からの海面高低差)分布である。海面高度の水平分布から、赤道付近を除き、大まかな海流の方向を推定す<sup>①</sup>ることができる。日付変更線(経度 180 度)に沿う海面高度の緯度変化から、南緯 50~60 度に周囲の緯度帯に比べて速い海流が分布していることがわかる。<sup>②</sup>

図 2—3 は、日付変更線付近の経度での水深 0~2000 m における、長期平均した水温の南北断面図である。南北 30 度付近で 10℃ 前後の等温線が下に凸<sup>③</sup>の形状をしている。この構造は、海面直上の風によって引き起こされる海洋表層の沈降流と関係していると考えられている。北緯約 35 度から約 45 度にかけて、4℃ 以上の等温線が右上方向に傾いている。このことは、各水深で、北ほど冷たく高密度の海水が分布することを示している。この緯度帯での、各水深における海水圧力の南北勾配(絶対値)が、深くなるにつれて(大きく、小さく)<sup>(ア)</sup>なることを考慮すると、海面で(東、西)<sup>(イ)</sup>向きの海流は、深くなるにつれて(強く、弱く)<sup>(ウ)</sup>なる、と推定できる。

- (1) 下線部①の海流の方向を推定できる理由について、2 行程度で説明せよ。
- (2) 下線部②の海流の名称を答えよ。また、周囲の緯度帯に比べて海流が速いと判断できる理由を 2 行程度で説明せよ。
- (3) 下線部③の沈降流が生じる理由を、上空の風の向きと強さに関連付けて、2 行程度で説明せよ。
- (4) 下線部(ア)~(ウ)に入る適切な語句を選択せよ。

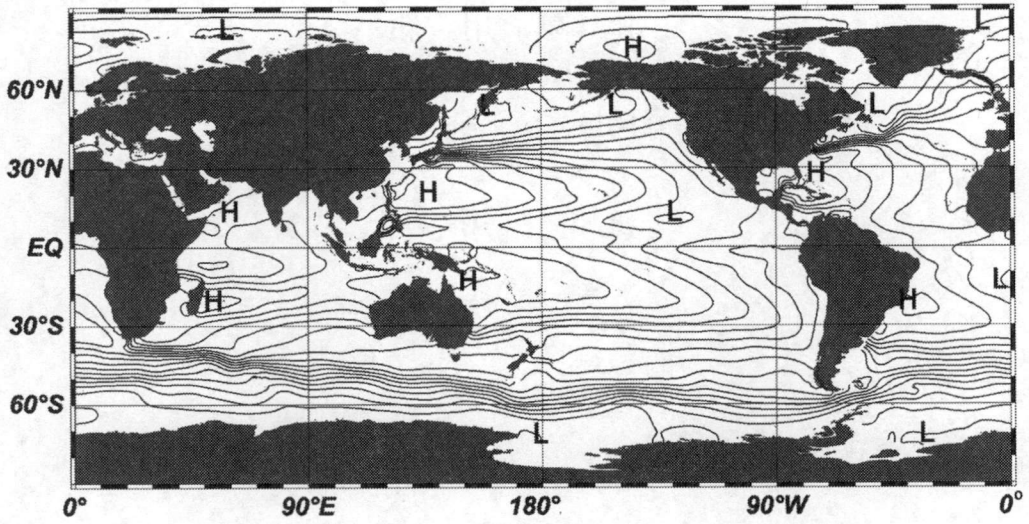


図 2—2 長期平均した海面高度分布 (等値線間隔 0.1 m, H: 極大, L: 極小)

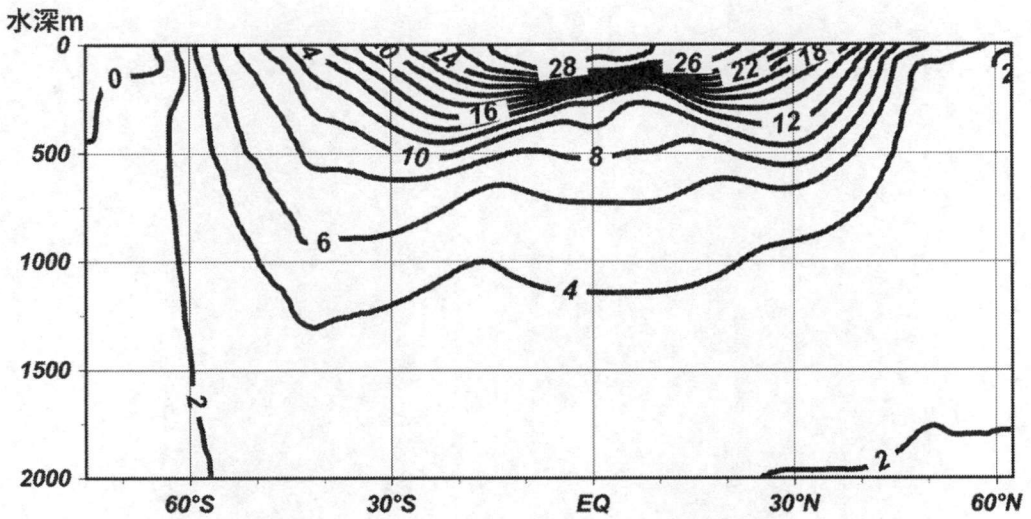
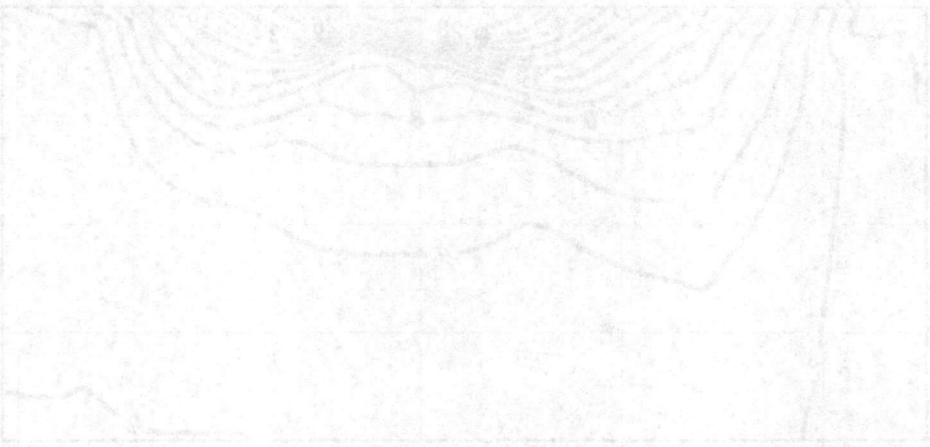
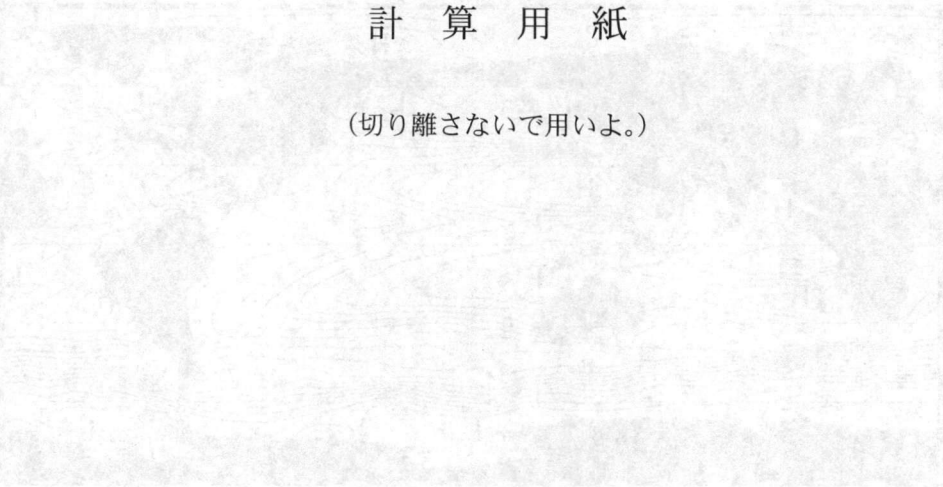


図 2—3 日付変更線(経度 180 度)付近を南北に横切る長期平均水温断面図(単位 °C, 等値線間隔 2°C)

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)



# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

第3問 地球の形・地質・地震に関する次の問い(問1～3)に答えよ。

問1 地球の形に関する以下の問いに答えよ。

- (1) エラトステネスは地球が球形であると仮定し、ほぼ同じ経度にある2地点間の緯度差と距離から地球の全周の長さを求めた。その後、地球が赤道方向に膨らんだ回転だ円体に近いことが18世紀の幾何学的測量で確かめられた。どのような根拠に基づいてそのことが確かめられたのか、地球の断面図を描いて緯度の定義を示すとともに2行程度で説明せよ。
- (2) 地球の形は、地球を構成する物質による万有引力と自転による遠心力との合力である重力に垂直な地表面の形と考えることができる。
- (a) 北極と赤道において同一の振り子で測定した周期はどちらが何%短くなるか、計算の過程を示すとともに有効数字1桁で答えよ。簡単のため、地球は半径  $6 \times 10^3$  km の球体で、万有引力だけにより生じる加速度の大きさ ( $10 \text{ m/s}^2$ ) は地球上のどこでも一定としてよい。また、測定環境は緯度によらず空気抵抗やコリオリ力も無視できるとする。遠心力により生じる加速度の大きさは、自転軸からの距離  $r$ 、自転角速度  $\omega$  (ラジアン/s) を用いて  $r\omega^2$  で与えられること、振り子の周期は重力加速度の大きさの平方根に反比例すること、微小量  $\Delta$  に対して  $\sqrt{1-\Delta} \doteq 1 - \frac{1}{2}\Delta$  が成り立つことを用いてよい。円周率は3とせよ。
- (b) ニュートンは、地球を構成する物質が一樣な密度をもった流体である場合に地球の形が回転だ円体になることを示し、その扁平率として  $1/230$  を得た。一方、ホイヘンスは地球中心に地球の質量が集中していると仮定して地球の形を求め、その扁平率として  $1/578$  を得た。現実の地球の赤道半径は約 6378 km、極半径は約 6357 km である。現実の地球の扁平率と、ニュートンとホイヘンスが求めた2つの扁平率の大小関係を、地球の内部構造と関係付けて2行程度で説明せよ。

(3) 近年の観測の結果、地球表層の質量分布の変化によって地球の形が時間的にも変動することがわかってきた。広域的な質量分布の変化を引き起こす現象の一つに氷床の変動がある。第四紀には、数万年～10万年程度の周期で氷期・間氷期が繰り返した。最終氷期に厚さ最大数 km の氷床で覆われていた北極域周辺の陸域では、浅瀬に生息する貝類の化石に基づいて過去の海面の高さが復元されている。図3—1は、約1万年前から現在までのそれらの化石の年代と採取地の現在の標高を示す。図から読み取れることと、その原因として考えられることを、下記の語句をすべて用いてあわせて5行程度で説明せよ。ただし、グラフの傾きがしだいにゆるやかになっている点は考慮しなくてよい。

語群：最終氷期、急速な融解、アイソスタシー、アセノスフェア

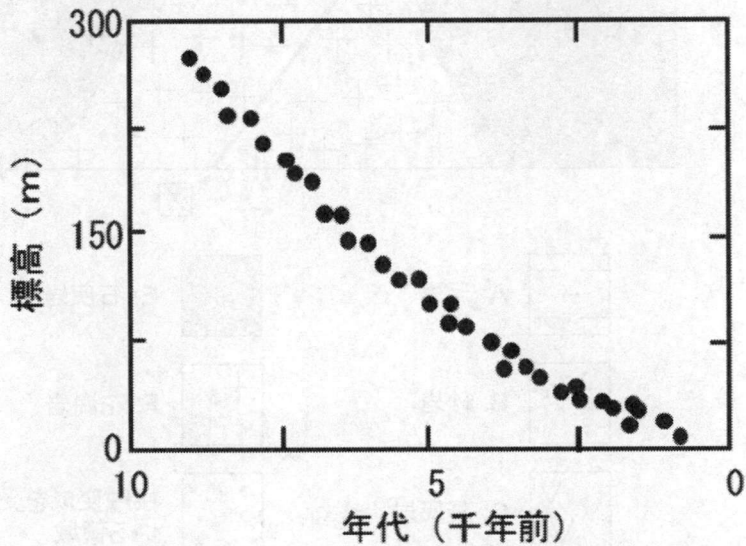


図3—1 北極域周辺の陸域における貝類の化石の年代と採取地の現在の標高

問 2 地質に関する以下の問いに答えよ。

図3-2は、ある場所における露頭の地質スケッチである。ただし、D層より上位の各堆積岩については、整合的に堆積したことが観察されている。

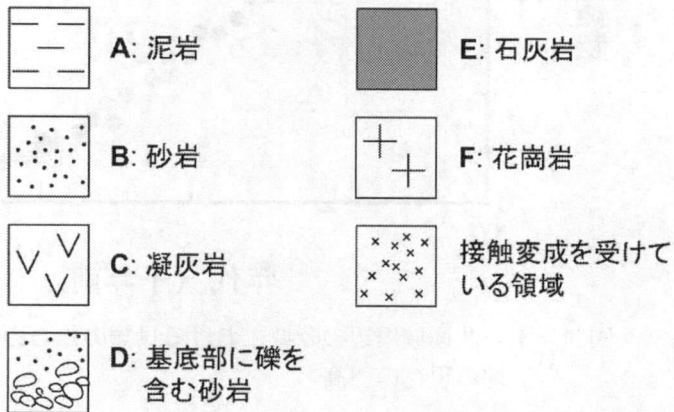
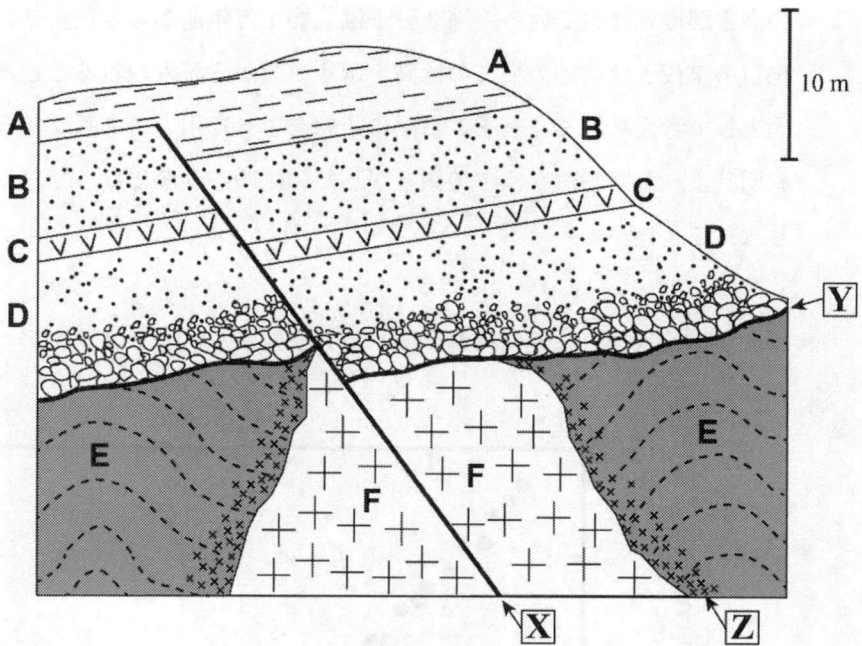


図3-2 ある露頭の地質スケッチ。なお石灰岩中に見られる破線は、層理面を示す。



(1) 境界 **X** と **Y** をそれぞれ何と呼ぶか答えよ。また、**Z** において形成された接触変成岩の名称を答えよ。

(2) **F** の花崗岩から黒雲母を取り出し、K-Ar(カリウム-アルゴン)法によって放射年代を測定した。分析の結果、**F** の形成時にあった  $^{40}\text{K}$  の 10% が壊変(崩壊)して  $^{40}\text{Ar}$  等の安定な同位体になっていたことがわかった。 $^{40}\text{K}$  の半減期を 13 億年とすると、**F** は何年前に形成されたものか、計算式を示し、有効数字 2 桁で答えよ。必要であれば、 $\log_{10} 2 = 0.30$ 、 $\log_{10} 3 = 0.48$  を用いてよい。

(3) **A**、**B**、**C**、**D** には化石が含まれていなかったため、どの地質年代に属するのかが不明であった。しかし、**C** は他の露頭でも認められ、その露頭では 化石を含む堆積岩層には含まれていた。その化石によって、**C** の年代がわかり、**B** と **D** のおおよその年代も推定することができた。

(a) 下線部の化石として適当なものを 1 つ選べ。

- ① アノマロカリス                      ② フズリナ  
③ 三葉虫                                ④ ヌンムリテス(カヘイ石)

(b) **C** のように、地層の対比に重要な役割を果たす地層を鍵層と呼ぶ。鍵層として用いることができるために望ましい地層の特徴を 2 つ挙げよ。

(4) 設問(1)~(3)の情報をふまえ、図 3-2 の露頭から読み取れる、過去から現在に至る地層形成や地殻変動の歴史を、下記の語をすべて用いて 3 行程度で述べよ。なお、石灰岩は古生代に形成されたものとする。

語群：貫入、新生代、褶曲

問 3 地震に関する以下の問いに答えよ。

地下のマグマの動きによって生じた地震活動を地表に置かれた2つの地震計で観測した。図3-3に示すように、観測点Qの直下で発生した地震から放射されたP波を観測点Qと観測点Rで記録した。震源、観測点Q、観測点Rを通る鉛直断面の2次元座標系を考え、 $x$ 軸を水平方向にとり、 $z$ 軸は地表をゼロとし鉛直下向きを正として定義する。なお、地表面は水平であるとし、また、地下のP波速度は一定とする。観測点Qを原点 $(0, 0)$ 、観測点Rの位置を $(r, 0)$ 、震源の位置を $(0, z_0)$ 、P波速度を $v$ とする。

- (1) 震源から観測点QまでのP波の走時を $t_Q$ 、震源から観測点RまでのP波の走時を $t_R$ とおく。P波の走時差 $(t_R - t_Q)$ を $r$ 、 $z_0$ 、 $v$ を用いて式で表せ。
- (2) 震源が $z$ 軸に沿って浅い場所から深い場所へ移動すると、P波の走時差 $(t_R - t_Q)$ はどのように変化するか。震源の深さを横軸に、P波の走時差 $(t_R - t_Q)$ を縦軸にとってグラフを描いて1行程度で説明せよ。
- (3) P波の走時差 $(t_R - t_Q)$ が設問(2)のような変化を示す理由を、波の伝わる様子と関係付けて、3行程度で述べよ。

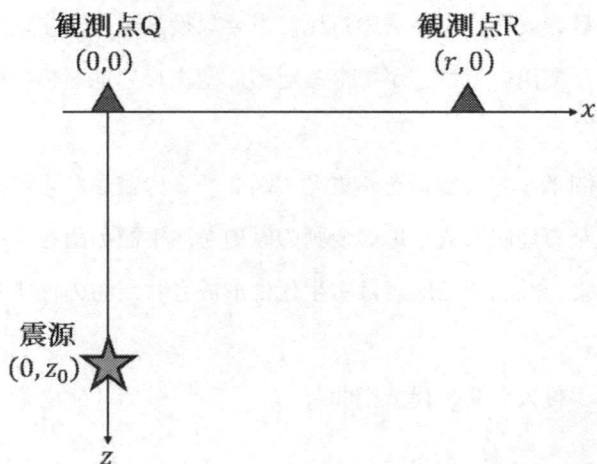


図3-3 震源、観測点Q、観測点Rを通る鉛直断面

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)

# 計 算 用 紙

(切り離さないで用いよ。)