



## 物 理

## 解答上の注意

1. 解答は、解答用紙の解答欄にマークすること。

例えば、  と表示のある問題に対して、計算等から得られた値をマークする場合には、次の例に従う。

例：38 と答えたい場合には

解答番号	解 答 欄									
6	①	②	●	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩
7	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	●	⑨	⑩

2. 分数形で解答する場合には、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えること。  
 3. 答えの値は、枠に合わせて四捨五入すること。

1 次の文章を読み、下の問い(問1～5)に答えよ。

図1のように、質量  $m$ 、長さ  $L$  の一様な剛体棒 AB がある。棒の端 B では鉛直な壁上の 1 点 C に結びつけられた糸の張力がはたらく。糸と棒のなす角は  $\theta$  ( $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ ) で、糸の質量は無視できる。棒の端 A では壁との摩擦力がはたらき、壁と棒の間の静止摩擦係数は十分に大きく、棒が壁を押している限り棒がすべることはない。B における糸の張力と A における摩擦力により、棒は水平に保たれている。重力加速度の大きさを  $g$  とする。

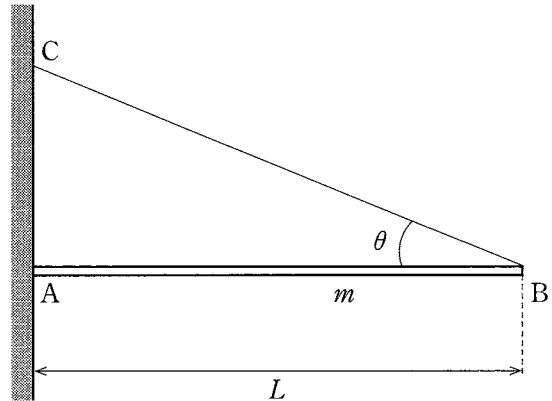


図1

[1] 図2のように、この棒に壁から  $cL$  ( $0 < c < 1$ ) 離れた点 D を作用点として、棒からの角度  $\phi$  ( $0 < \phi < \pi$ ) となる向きに大きさ  $F$  の力で引っ張ったが、棒は静止したままだった。

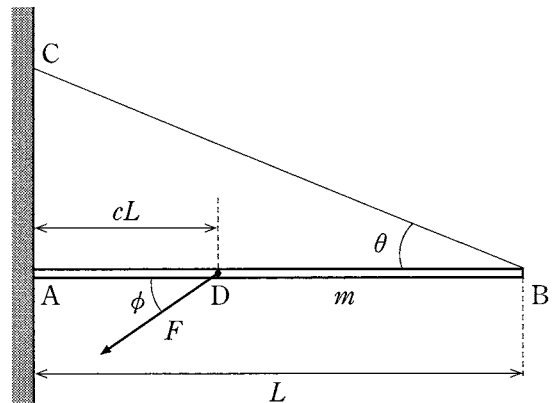


図2

問1 このとき、糸の張力  $T$  は  であり、棒にはたらく摩擦力の大きさ  $f$  は  である。また、棒に壁が及ぼす垂直抗力の大きさ  $N$  は  である。

(1) 1 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- |   |   |
|---|---|
| ① $\frac{1}{\sin \theta} (cF \sin \phi + mg)$                         | ② $\frac{1}{\sin \theta} (-cF \sin \phi + mg)$                        |
| ③ $\frac{1}{\sin \theta} (cF \sin \phi - mg)$                         | ④ $\frac{1}{\sin \theta} \left( cF \sin \phi + \frac{mg}{2} \right)$  |
| ⑤ $\frac{1}{\sin \theta} \left( -cF \sin \phi + \frac{mg}{2} \right)$ | ⑥ $\frac{1}{\sin \theta} \left( -cF \sin \phi - \frac{mg}{2} \right)$ |
| ⑦ $\frac{cF \sin \phi}{\sin \theta}$                                  | ⑧ $\frac{cF \cos \phi}{\sin \theta}$                                  |
|   | ⑨ $\frac{cF \tan \phi}{\sin \theta}$                                  |

(2) 2 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- |   |  |
|---|--|
| ① $(1 + c)F \sin \phi + \frac{mg}{2}$         | ② $(1 - c)F \sin \phi - \frac{mg}{2}$          |
| ③ $(1 + c)F \sin \phi + \frac{3mg}{2}$        | ④ $F \cos \phi + cF \sin \phi + \frac{mg}{2}$  |
| ⑤ $F \cos \phi - cF \sin \phi + \frac{mg}{2}$ | ⑥ $F \cos \phi - cF \sin \phi + \frac{3mg}{2}$ |
| ⑦ $(1 - c)F \sin \phi + \frac{mg}{2}$         | ⑧ $(1 - c)F \sin \phi + \frac{3mg}{2}$         |
| ⑨ $F \cos \phi - cF \sin \phi$                |  |

(3) 3 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- |  |   |
|--|---|
| ① $F \left( \cos \phi - \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{3mg}{2 \tan \theta}$ | ② $F \left( \cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{3mg}{2}$            |
| ③ $F \left( -\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{3mg}{2}$            | ④ $F \left( \cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{mg}{2 \tan \theta}$ |
| ⑤ $F \left( \cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{mg}{2}$              | ⑥ $F \left( \cos \phi - \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{3mg}{2}$            |
| ⑦ $-F \left( \cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{mg}{2 \tan \theta}$ | ⑧ $-F \left( \cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{mg}{2}$            |
| ⑨ $-F \left( \cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta} \right) + \frac{3mg}{2}$            |   |

問 2  $\phi$ がある値 $\phi_c$ より大きいときに限り、 $\phi$ を一定に保ったまま $F$ をしだいに大きくすると $N$ は小さくなる。このような角度 $\phi_c$ の満たす式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。 4

- ①  $\cos \phi_c = 0$                       ②  $\sin \phi_c = 0$                       ③  $\tan \theta + c \sin \phi_c = 0$
- ④  $\tan \theta + c \tan \phi_c = 0$                       ⑤  $\cos \phi_c + c \sin \phi_c = 0$
- ⑥  $\frac{mg}{2} + cF \sin \phi_c = 0$                       ⑦  $\frac{mg}{2} + cF \cos \phi_c = 0$
- ⑧  $F \cos \phi_c + \frac{mg}{2 \tan \theta} = 0$                       ⑨  $\frac{cF \sin \phi_c}{\tan \theta} - \frac{mg}{2} = 0$

問 3  $\phi > \phi_c$ とする。 $\phi$ を一定に保ったまま $F$ をしだいに大きくすると、 $F =$ 5 になったとき、 $A$ はすべり落ちてしまう。5 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- ①  $mg$     ②  $-\frac{mg}{2 \cos \phi (\tan \theta + c \tan \phi)}$
- ③  $\frac{mg}{2 \cos \phi (\tan \theta + c \tan \phi)}$                       ④  $\frac{mg}{2 (\tan \theta + c \sin \phi)}$
- ⑤  $-\frac{mg}{2 (\tan \theta + c \sin \phi)}$                       ⑥  $2 mg$
- ⑦  $\frac{mg}{1 + \tan \theta}$                       ⑧  $-\frac{mg}{c + \tan \theta}$                       ⑨  $-\frac{mg}{c \tan \theta + \sin \phi}$

〔2〕 点Dにおいて、長さ  $cL$  の軽い糸の一端を棒に固定し、もう一端に大きさが無視でき、棒と同じ質量  $m$  をもつおもりを取りつけ、A の位置まで持ち上げて、糸がたるまないように静かにおもりを離したところ、おもりはDを中心とする半径  $cL$  の円周上を運動した。

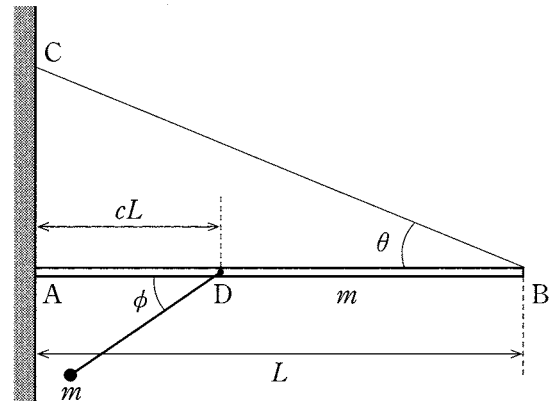


図3

問4 図3のように、おもりをつけた糸と棒のなす角が  $\phi$  になった瞬間のおもりの速さ  $v$  は  で、おもりをつなぐ糸の張力  $S$  は  である。また、棒に壁が及ぼす垂直抗力の大きさ  $N$  は、恒等式  $2 \sin \phi \cos \phi = \sin 2\phi$ ,  $2 \sin^2 \phi = 1 - \cos 2\phi$  を用いて

$$N = \frac{mg}{2 \tan \theta} \left( \text{ア} \sin 2\phi + \text{イ} \cos 2\phi + \text{ウ} \right)$$

のように表すことができる。ただし、おもりの運動中、空気抵抗やDにおける糸と棒の間の摩擦およびAにおける壁とおもりの間の摩擦は無視できるものとする。

(1) 6 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- |                         |                          |                           |
|-------------------------|--------------------------|---------------------------|
| ① $\sqrt{gL}$           | ② $\sqrt{2gL}$           | ③ $\sqrt{2cgL}$           |
| ④ $\sqrt{gL \cos \phi}$ | ⑤ $\sqrt{2gL \cos \phi}$ | ⑥ $\sqrt{2cgL \cos \phi}$ |
| ⑦ $\sqrt{gL \sin \phi}$ | ⑧ $\sqrt{2gL \sin \phi}$ | ⑨ $\sqrt{2cgL \sin \phi}$ |

(2) 7 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- |                  |                   |                   |
|------------------|-------------------|-------------------|
| ① $mg$           | ② $2mg$           | ③ $3mg$           |
| ④ $mg \sin \phi$ | ⑤ $2mg \sin \phi$ | ⑥ $3mg \sin \phi$ |
| ⑦ $mg \cos \phi$ | ⑧ $2mg \cos \phi$ | ⑨ $3mg \cos \phi$ |

(3) 文章中の空欄  ~  に当てはまる式の組合せとして最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

	ア	イ	ウ
①	$3c$	$3 \tan \theta$	$(-3c + 1)$
②	$-3c$	$3 \tan \theta$	$3c + 1$
③	$3 \tan \theta$	$3c$	$(-3c + 1)$
④	$3 \tan \theta$	$(-3c)$	$3c + 1$
⑤	$3$	$0$	$1$
⑥	$3$	$1$	$0$
⑦	$\tan \theta$	$c$	$(-c + 1)$
⑧	$\tan \theta$	$(-c)$	$c + 1$
⑨	$\tan \theta$	$(-3c)$	$c$

問 5  $\theta = \frac{\pi}{6}$  のとき、A がすべり落ちずに、おもりが運動し続けるための条件は

$$c > \frac{\text{9}}{\text{10}}$$

である。

,  の各枠に当てはまる1桁の数字をマークせよ。



2 次の文章を読み、下の問い(問1～7)に答えよ。

なめらかに動くピストンがついた容器に、ある理想気体を  $n$  [mol] だけ閉じこめた。この気体の定積モル熱容量(定積モル比熱)を  $C_V$  [J/(mol·K)]、また気体定数を  $R$  [J/(mol·K)] とする。

[1] この気体の状態を以下のように  $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$  と変化させる。

最初、状態 A では気体の圧力が  $p_0$  [Pa] である。状態 A から気体を断熱圧縮し、気体の圧力が  $3p_0$  [Pa] の状態 B にする。次に、状態 B から気体の圧力を  $3p_0$  [Pa] に保ちながら  $Q_1$  [J] の熱量を気体に吸収させて膨張させ、状態 C にする。さらに、状態 C から気体を断熱膨張させ、気体の圧力が  $p_0$  [Pa] の状態 D にする。最後に、状態 D から気体の圧力を  $p_0$  [Pa] に保ちながら  $Q_2$  [J] の熱量を気体から奪って圧縮し、状態 A に戻す。ただし、すべての状態変化はゆっくりと行う。また、状態 A, B, C, D における気体の温度をそれぞれ  $T_A$  [K],  $T_B$  [K],  $T_C$  [K],  $T_D$  [K] とする。

問 1 状態  $A \rightarrow B$  の変化の間に気体が外部からされた仕事は 11 [J] である。

11 に入る数値または式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- |                                |                               |                                 |
|--------------------------------|-------------------------------|---------------------------------|
| ① 0                            | ② $nR(T_B - T_A)$             | ③ $\frac{3}{2}nR(T_B - T_A)$    |
| ④ $nR(3T_B - T_A)$             | ⑤ $\frac{1}{2}nR(3T_B - T_A)$ | ⑥ $nC_V(T_B - T_A)$             |
| ⑦ $\frac{3}{2}nC_V(T_B - T_A)$ | ⑧ $nC_V(3T_B - T_A)$          | ⑨ $\frac{1}{2}nC_V(3T_B - T_A)$ |



[2] [1]のサイクルは、 $A \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow B \rightarrow A$  と状態を逆向きに変化させることもできる。すなわち、最初に状態 A から気体の圧力を  $p_0$  [Pa] に保ちながら  $Q_2$  [J] の熱量を気体に吸収させて膨張させ、状態 D にする。次に、状態 D から気体を断熱圧縮し気体の圧力を  $3p_0$  [Pa] にし、状態 C にする。さらに、状態 C から気体の圧力を  $3p_0$  [Pa] に保ちながら  $Q_1$  [J] の熱量を気体から奪って圧縮し、状態 B にする。最後に、状態 B から気体を断熱膨張させ気体の圧力を  $p_0$  [Pa] にし、状態 A に戻す。ただし、すべての状態変化はゆっくりと行う。

問 5 この  $A \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow B \rightarrow A$  の 1 サイクルの間に、気体が外部からされた仕事は

$W =$   [J] である。

に入る数値または式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ 選べ。

- ① 0
- ②  $n(C_V + 3R)(T_A - T_B + T_C - T_D)$
- ③  $n(C_V + 3R)(-T_A + T_B + T_C - T_D)$
- ④  $n(C_V + R)(T_A - T_B + T_C - T_D)$
- ⑤  $n(C_V + R)(-T_A + T_B - T_C + T_D)$
- ⑥  $n(C_V + R)(-T_A + T_B + T_C - T_D)$
- ⑦  $n\left(C_V + \frac{3}{2}R\right)(T_A - T_B + T_C - T_D)$
- ⑧  $n\left(C_V + \frac{3}{2}R\right)(-T_A + T_B - T_C + T_D)$
- ⑨  $n\left(C_V + \frac{3}{2}R\right)(-T_A + T_B + T_C - T_D)$



3 次の文章を読み、下の問い(問1～7)に答えよ。

図1に示すように、荷電粒子を加速するための電極S、Tと荷電粒子の軌道を曲げる長さLの平行極板C、Dが真空中に配置されている。Tには粒子を通すための小さな穴が開いている。図1のようにC、Dと平行にx軸、垂直にy軸をとり、紙面の奥から手前に向く方向にz軸をとる。C、Dにはさまれた領域G(図1の灰色の領域)の左端にある一点を原点Oにとる。領域Gにはy軸の正の向きに大きさEの様な電場がある。はじめSの位置で静止していた質量m、電気量q( $q > 0$ )の荷電粒子Pは加速電圧 $V_0$ で加速され、x軸上を進んだ。原点Oを越えたところで荷電粒子の軌道はy軸の正の向きに曲げられ、領域Gの右端の点Q( $L, y_1, 0$ )に達した。ただし、PはCには衝突しないものとする。また、C、Dがつくる電場は領域Gにのみ存在し、重力や地磁気が荷電粒子に及ぼす影響は無視できるものとする。

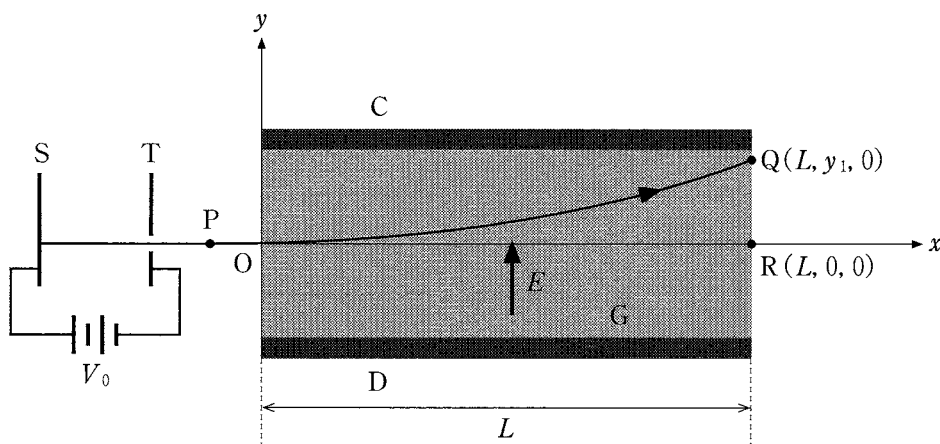


図1

問1  $y_1 =$   である。

に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- |                                     |                                     |                         |
|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------|
| ① $\frac{1}{4} \frac{E}{V_0} L^2$   | ② $\frac{1}{2} \frac{E}{V_0} L^2$   | ③ $\frac{E}{V_0} L^2$   |
| ④ $\frac{1}{4} \frac{V_0}{E}$       | ⑤ $\frac{1}{2} \frac{V_0}{E}$       | ⑥ $\frac{V_0}{E}$       |
| ⑦ $\frac{1}{4} \frac{V_0^2}{E^2 L}$ | ⑧ $\frac{1}{2} \frac{V_0^2}{E^2 L}$ | ⑨ $\frac{V_0^2}{E^2 L}$ |

問 2 Q における P の運動エネルギーは 23 である。

23 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ①  $q\left(V_0 + \frac{1}{4}EL\right)$       ②  $q\left(V_0 + \frac{1}{2}EL\right)$       ③  $q(V_0 + EL)$
- ④  $q\left(V_0 + \frac{1}{4}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$       ⑤  $q\left(V_0 + \frac{1}{2}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$       ⑥  $q\left(V_0 + \frac{E^2L^2}{V_0}\right)$
- ⑦  $qV_0$       ⑧  $qEL$       ⑨  $\frac{qE^2L^2}{V_0}$

次に、 $E$ はそのままにして、 $x > 0$ の領域に $z$ 軸の正の方向(紙面の奥から手前に向く方向)に大きさ $B$ の一様な磁束密度を加え、 $S$ に $P$ をおいて同様の実験を行ったところ、 $P$ は $x$ 軸上を直進し点 $R(L, 0, 0)$ まで進んだ。

問 3  $R$ における $P$ の運動エネルギーは  である。

に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- ①  $q\left(V_0 + \frac{1}{4}EL\right)$       ②  $q\left(V_0 + \frac{1}{2}EL\right)$       ③  $q(V_0 + EL)$   
 ④  $q\left(V_0 + \frac{1}{4}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$       ⑤  $q\left(V_0 + \frac{1}{2}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$       ⑥  $q\left(V_0 + \frac{E^2L^2}{V_0}\right)$   
 ⑦  $qV_0$       ⑧  $qEL$       ⑨  $\frac{qE^2L^2}{V_0}$

問 4  $B =$   である。

に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- ①  $\sqrt{\frac{mE}{2qL}}$       ②  $\sqrt{\frac{mE}{qL}}$       ③  $\sqrt{\frac{2mE}{qL}}$   
 ④  $\frac{E}{2}\sqrt{\frac{m}{qV_0}}$       ⑤  $E\sqrt{\frac{m}{2qV_0}}$       ⑥  $E\sqrt{\frac{m}{qV_0}}$   
 ⑦  $\frac{1}{2L}\sqrt{\frac{mV_0}{q}}$       ⑧  $\frac{1}{L}\sqrt{\frac{mV_0}{q}}$       ⑨  $\frac{1}{L}\sqrt{\frac{2mV_0}{q}}$

さらに、Rに達したPはその後磁束密度のみの影響を受け、半周して点J(L, y<sub>2</sub>, 0)に達した。

問 5 R から J まで進むのにかった時間は 26 である。

26 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

①  $\frac{\pi}{4E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

②  $\frac{\pi}{2E} \sqrt{\frac{mV_0}{2q}}$

③  $\frac{\pi}{2E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

④  $\frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{2q}}$

⑤  $\frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

⑥  $\frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{2mV_0}{q}}$

⑦  $\frac{2\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

⑧  $\frac{2\pi}{E} \sqrt{\frac{2mV_0}{q}}$

⑨  $\frac{4\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$



今度は質量  $4m$ 、電気量  $2q$  の荷電粒子  $P'$  を用い、加速電圧のみを変えて同様の実験を行った。加速電圧が  $V_1$  になったときに  $P'$  は  $G$  を直進し、その後半周して点  $K(L, y_3, 0)$  に達した。

問 6  $V_1$  は  $V_0$  の  倍である。

に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{\sqrt{2}}{4}$       ③  $\frac{1}{2}$       ④  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       ⑤ 1  
 ⑥  $\sqrt{2}$       ⑦ 2      ⑧  $2\sqrt{2}$       ⑨ 4

問 7  $y_3$  は  $y_2$  の  倍である。

に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{\sqrt{2}}{4}$       ③  $\frac{1}{2}$       ④  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       ⑤ 1  
 ⑥  $\sqrt{2}$       ⑦ 2      ⑧  $2\sqrt{2}$       ⑨ 4